

**Первый (заочный) онлайн-этап научно-образовательного соревнования
Олимпиады школьников «Шаг в будущее» по профилю «Инженерное дело» специализации
«Техника и технологии» и «Профессор Лебедев»
(общеобразовательный предмет информатика), осень 2018 г.**

10 класс

Вариант 2

Задача 1

Определите наименьшее возможное основание системы счисления N , для которого выполняется соотношение

$$100_{N+3} = 200_{N+2}$$

В качестве ответа запишите полученное число.

Решение

Напишем уравнение

$$(N+3)^2 = 2N^2+2$$

$$N^2+6N+9=2N^2+2$$

$$N^2-6N-7=0$$

$$N_1 = -1, N_2 = 7$$

По смыслу задачи ответ равен 7.

Ответ 7.

Задача 2

Вычислить значение выражения:

$$11200301011232112_4 + 2EF10AAB21_{16} - 120312763_8 + 86_{14}$$

Результат представить в шестнадцатеричной системе счисления. Записать только полученное число, систему счисления указывать не нужно. В качестве цифр, значение которых более 9, нужно использовать только заглавные латинские буквы.

Решение

$$11200301011232112_4 + 2EF10AAB21_{16} - 120312763_8 + 86_{14}$$

$$160C45B96_{16} + 2EF10AAB21_{16} - 14195F3_{16} + 76_{16} =$$

$$30508D713A_{16}$$

Ответ 30508D713A₁₆.

Задача 3

Шестьдесят одиннадцатиклассников провели выходной день следующим образом. Тридцать человек делали домашнее задание по математике. Двадцать четыре человека делали домашнее задание по физике. Никто не делал одновременно домашнее задание по математике и по физике. Девятнадцать человек в течение воскресенья играли в компьютерные игры. Сколько игроков делало

домашнее задание хотя бы по одному из предметов, если известно, что компьютерные игры исключают изучение двух предметов сразу?

В качестве ответа ввести только полученное число.

Решение

Так как математику и физику нельзя учить одновременно, можно обозначить за x количество учивших что-то игроков, таким образом, получим соотношение

$$60 = 30 + 24 + 19 - x$$

$$x = 13$$

Ответ 13.

Задача 4

В таблице даны длины дорог между городами.

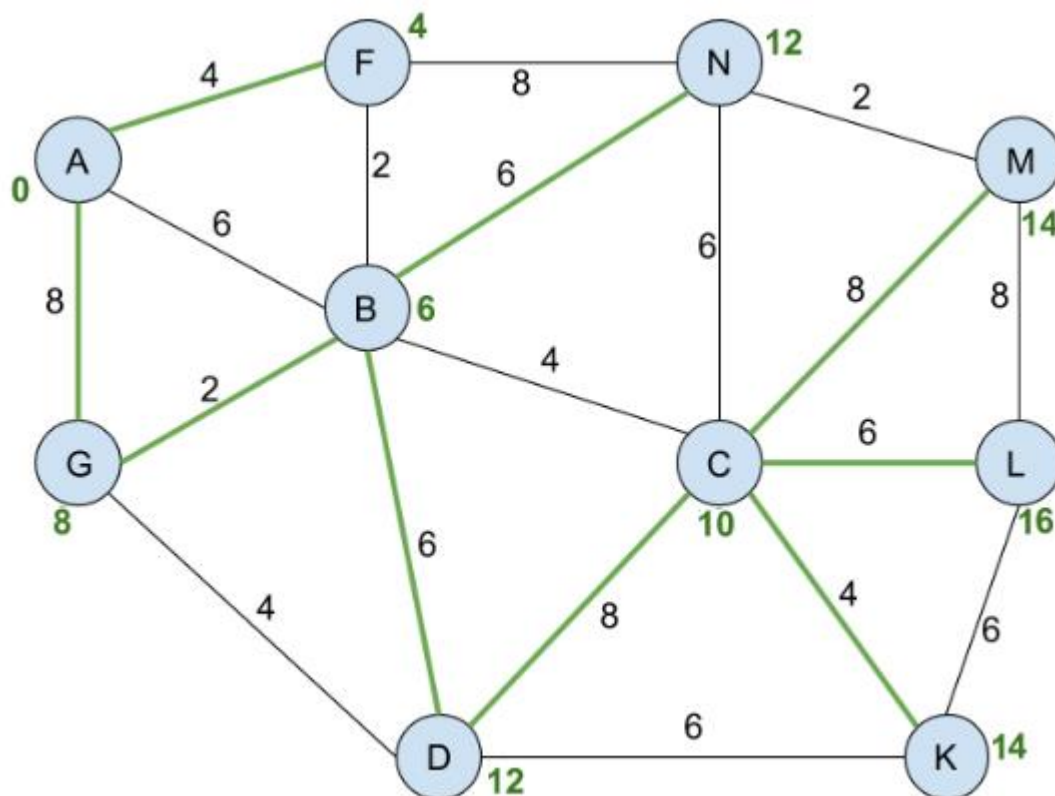
	A	B	C	D	F	G	K	L	M	N
A		6			4	8				
B	6		4	6	2	2				6
C		4		8			4	6	8	6
D		6	8			4	6			
F	4	2								8
G	8	2		4						
K			4	6				4		
L			6				4		8	
M			8					8		2
N		6	6		8				2	

Найти длины кратчайших путей от города А до городов К, L, М.

В качестве ответа запишите подряд, без разделителей, 3 числа: первое число – расстояние от пункта А до К, второе – от А до L и третье – от А до М. Например, если расстояния оказались равными 16, 12 и 10 соответственно, то в ответ надо записать 6 цифр: 161210.

В качестве ответа ввести только полученное число.

Решение



Ответ 141614.

Задача 5

1. Из A следует B.
2. Из того, что выполняется предыдущее высказывание (п.1), следует C.
3. Из того, что выполняется предыдущее высказывание, следует D.
4. Из того, что выполняется предыдущее высказывание, следует E.
5. Из того, что выполняется предыдущее высказывание, следует F.
6. Из того, что выполняется предыдущее высказывание, следует G.
7. Из того, что выполняется предыдущее высказывание, следует H.
8. Из того, что выполняется предыдущее высказывание, следует I.

Сколько комбинаций переменных A, B, C, D, E, F, G, H, I, при которых последнее высказывание (п.8) ложно, при условии, что высказывание F тоже ложно?

Решение

Фактически дана система двух следующих уравнений.

$$A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow E \rightarrow F \rightarrow G \rightarrow H \rightarrow I = 0, F = 0.$$

Используем метод отображений, учитываем, что F может быть только ложью.

	B	C	D	E	F=0	G	H	I
0	1	3	5	11	0	32	32	96
1	3	5	11	21	32	32	96	

(Необязательное пояснение: например, число 11 в столбце **D** означает количество комбинаций переменных ABCD, при которых выражение $A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D = 1$)

Ответ 96.

Задача 6

Ниже на трёх языках программирования приведён некий рекурсивный алгоритм R, где rk это функция, которая уменьшает все цифры числа кроме нуля на 1, т.е. rk(123) будет 12, rk(321) будет 320, rk(202) будет 101.

Найдите сумму всех чисел, которые будут выведены при вызове R(199).

Pascal	Python
<pre> procedure R(n: integer); begin if n > 10 then begin writeln(n); R(rk(n - 1)); R(rk(n div 10)); end end;</pre>	<pre> def R(n): if n > 10: print(n) R(rk(n - 1)) R(rk(n // 10))</pre>
C++	
<pre> void R(int n) { if (n > 10) { cout << n << endl; R(rk(n - 1)); R(rk(n / 10)); } }</pre>	

Решение

```

function rk(n: integer): integer;
var s, d, dig: integer;
begin
  s := 0;
  d:=1;
  while n > 0 do
    begin
      dig:=n mod 10;
      if dig > 0 then
        dig := dig - 1;
```

```

    s := s + d * dig;
    n := n div 10;
    d := d * 10;
end;
rk := s;
end;

var
sum:integer;

procedure R(n: integer);
begin

    if n > 10 then begin
        writeln(n);
        sum:=sum+n;
        R(rk(n - 1));
        R(rk(n div 10));
    end
end;

begin
    sum:=0;
    R(199);
    writeln(sum)
end.
Ответ
559

```

Задача 7

Имеется ряд последовательных целых положительных чисел от 301202 до 505701. Определите, сколько среди них чисел, у которых произведение цифр меньше 100. В качестве ответа запишите полученное число. Для получения результата напишите программу.

Решение

```

function Ok(k:integer):boolean ;
var
    s:integer;
begin
    s:=1;
    repeat
        s:=s*(k mod 10);
        k:=k div 10
    until k=0;
    Ok:=s>500
end;
var
    k:integer;
begin
    k:=0;
    for var i:= 301202 to 505701 do

```

```
begin
  if ok(i) then
    k:=k+i
  end;
  writeln(k)
end.
```

Ответ 785803072.

Задача 8

Все пятибуквенные слова, составленные из букв Л, А, С, Т, И, К записаны в алфавитном порядке и пронумерованы, начиная с 1. Начало списка выглядит так:

1. ААААА
2. ААААИ
3. ААААК
4. ААААЛ
5. ААААС
6. ААААТ
7. АААИА
8. АААИИ

...

Определите, сколько раз встречается буква С в строках с 3001 по 7008 включительно. В качестве ответа запишите полученное число. Для получения результата напишите программу.

Решение

```
function count(n,k,obr:integer):integer ;
var
  x:integer;
begin
  x:=0;
  repeat
    if n mod k =obr then
      inc(x);
    n:=n div k;
  until n=0;
  count:=x;
end;
```

```
function trans(n,k:integer):string ;
var
  s:string;
  x:integer;
begin
  s:= "";
  repeat
    x:=n mod k;
    n:=n div k;
    s:=inttostr(x)+s;
  until n=0;
```

```

trans:=s;
end;
var
s:string;
k:integer;
begin
k:=0;
for var i:=3001 to 7008 do
begin
s:=trans(i-1,6);
k:=k+count(i-1,6,4);
end;
writeln(k)
end.

```

Ответ 3926.

Задача 9

Имеется таблица размером 180 строк на 465 столбцов. В каждой ячейке таблицы записано число, которое рассчитывается по формуле

$$\sin(\cos(2 \cdot I \cdot J)), \text{ где}$$

I – номер строки,

J – номер столбца

Определите и запишите в качестве ответа количество столбцов в этой таблице, сумма чисел в которых положительна.

Для получения результата напишите программу или используйте электронные таблицы.

Решение

```

var
s,x : real;
n:integer;
begin
n:=0;
for var j:=1 to 465 do
begin
s:=0;
for var i:=1 to 180 do
begin
x:= sin(cos(2*i*j));
s:=s+x;
end;
if s>0 then
begin
inc(n)
end;

end;
writeln(n);
end.

```

Ответ 126.