

**Первый (заочный) онлайн-этап научно-образовательного соревнования
Олимпиады школьников «Шаг в будущее» по профилю «Инженерное дело» специализации
«Техника и технологии» и «Профессор Лебедев»
(общеобразовательный предмет информатика), осень 2018 г.**

10 класс

Вариант 1

Задача 1

Определите наименьшее возможное основание системы счисления N , для которого выполняется соотношение

$$100_{N+2} = 201_{N+6}$$

В качестве ответа запишите полученное число.

Решение

Напишем уравнение

$$(N+2)^2 = 2N^2 + 1 + 6$$

$$N^2 + 4N + 4 = 2N^2 + 7$$

$$N^2 - 4N + 3 = 0$$

$$N_1 = 1, N_2 = 3$$

Так как в числе с основанием N есть цифра 2, ответ равен 3.

Ответ 3.

Задача 2

Вычислить значение выражения:

$$22300022122201200_4 + E67336F1D4_{16} - 210061725_8 + 68_{15}$$

Результат представить в шестнадцатеричной системе счисления. Записать только полученное число, систему счисления указывать не нужно. В качестве цифр, значение которых более 9, нужно использовать только заглавные латинские буквы.

Решение

$$22300022122201200_4 + E67336F1D4_{16} - 210061725_8 + 68_{15} =$$

$$2B029A860_{16} + E67336F1D4_{16} - 22063D5_{16} + 62_{16} =$$

$$E923609A34_{16} - 22063D5_{16} + 62_{16} =$$

$$E92140365F_{16} + 62_{16} = E9214036C1_{16}$$

Ответ $E9214036C1_{16}$.

Задача 3

Группа школьников поехала на практику в МГТУ. Всего в группе было 54 человека. 28 человек были на кафедрах факультета Э. Другие 25 человек были на кафедрах факультета МТ. 14 человек были на кафедрах ИУ и Э. 9 человек были на кафедрах ИУ и МТ. Сколько человек посетили только кафедры ИУ, если известно, что одновременно на кафедрах Э и МТ не было никого?

В качестве ответа ввести только полученное число.

Решение

Так как на Э и МТ одновременно никого не было, нет и тех, кто посетил все три кафедры.

Следовательно, если обозначить за x количество посетивших ИУ, получим соотношение

$$54 = 28 + 25 + x - 14 - 9$$

$$54 = 53 - 23 + x$$

$$54 = 30 + x$$

Отсюда следует, что на кафедрах ИУ вообще было 24 школьника, но 14 и 9, а всего 23, были на других кафедрах. Следовательно, только на ИУ был один школьник.

Ответ 1 человек.

Задача 4

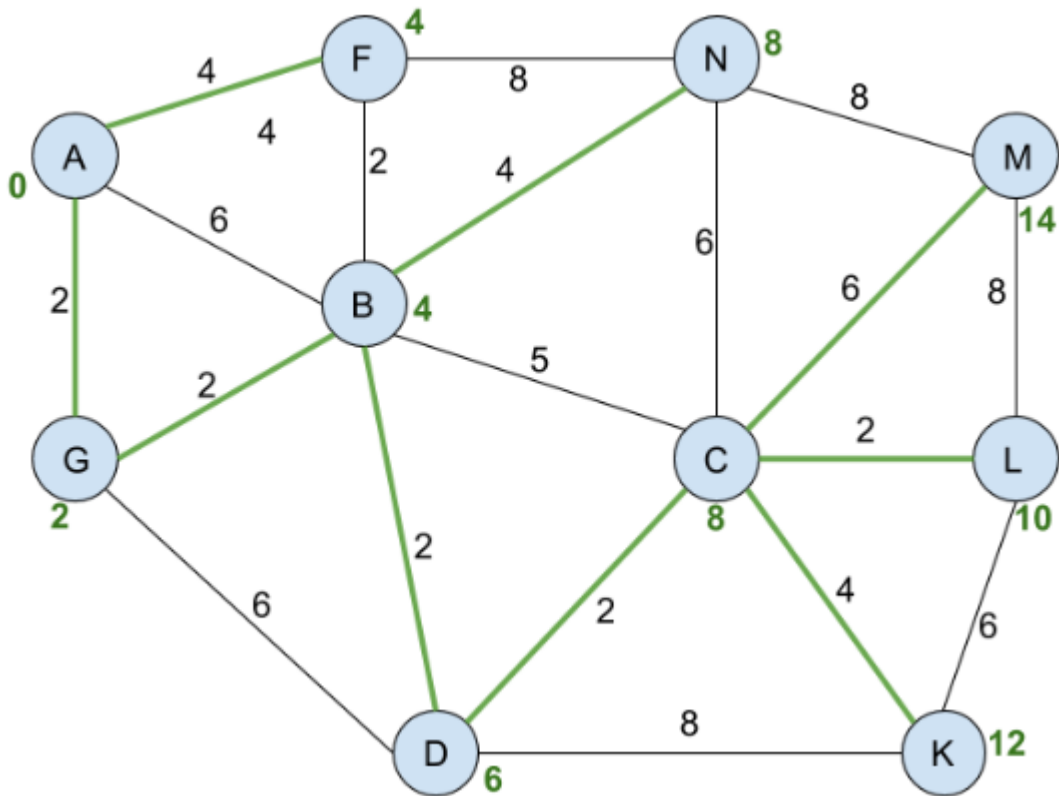
В таблице даны длины дорог между городами.

	A	B	C	D	F	G	K	L	M	N
A		6			4	2				
B	6		5	2	2	2				4
C		5		2			4	2	6	6
D		2	2			6	8			
F	4	2								8
G	2	2		6						
K			4	8				6		
L			2				6		8	
M			6					8		8
N		4	6		8				8	

Найти длины кратчайших путей от города А до городов К, L, M, N.

В качестве ответа запишите подряд, без разделителей, 4 числа: первое число - расстояние от пункта А до К, второе - от А до L, третье - от А до М и четвертое - от А до N. Например, если расстояния оказались равными 16, 12, 10 и 8 соответственно, то в ответ надо записать 7 цифр: 1612108.

Решение



Ответ 1210148.

Задача 5

1. Из A следует B.
2. Из того, что выполняется предыдущее высказывание (п.1), следует C.
3. Из того, что выполняется предыдущее высказывание, следует D.
4. Из того, что выполняется предыдущее высказывание, следует E.
5. Из того, что выполняется предыдущее высказывание, следует F.
6. Из того, что выполняется предыдущее высказывание, следует G.
7. Из того, что выполняется предыдущее высказывание, следует H.
8. Из того, что выполняется предыдущее высказывание, следует I.

Сколько комбинаций переменных A, B, C, D, E, F, G, H, I, при которых последнее высказывание (п.8) ложно, при условии, что высказывание F тоже ложно?

Решение

Фактически дана система двух следующих уравнений.

$$A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow E \rightarrow F \rightarrow G \rightarrow H \rightarrow I = 0, F = 0.$$

Используем метод отображений, учитываем, что F может быть только ложью.

	B	C	D	E	F=0	G	H	I
0	1	3	5	11	21	11	53	75
1	3	5	11	21	11	53	75	

(Необязательное пояснение: например, число 11 в столбце **D** означает количество комбинаций переменных ABCD, при которых выражение $A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D = 1$)

Ответ 75.

Задача 6

Ниже на трёх языках программирования приведён некий рекурсивный алгоритм R, где rev это функция, которая переставляет цифры числа в обратном порядке, т.е. rev(123) будет 321.

Найдите сумму всех чисел, которые будут выведены при вызове R(195).

Pascal	Python
<pre> procedure R(n: integer); begin if n > 10 then begin writeln(n); R(rev(n - 1)); R(rev(n div 10)); end end;</pre>	<pre> def R(n): if n > 10: print(n) R(rev(n - 1)) R(rev(n // 10))</pre>
C++	
<pre> void R(int n) { if (n > 10) { cout << n << endl; R(rev(n - 1)); R(rev(n / 10)); } }</pre>	

Решение

```

function rev(n: integer): integer;
var s: integer;
begin
  s := 0;
  while n > 0 do
    begin
      s := s * 10 + n mod 10;
      n := n div 10;
    end;
  rev := s ;
end;
var
```

```
sum:integer;
```

```
procedure R(n: integer);  
begin
```

```
  if n > 10 then begin  
    writeln(n);  
    sum:=sum+n;  
    R(rev(n - 1));  
    R(rev(n div 10));
```

```
  end  
end;  
begin  
  sum:=0;  
  R(195);  
  writeln(sum)  
end.
```

Ответ 1565.

Задача 7

Имеется ряд последовательных целых положительных чисел от 120500 до 210800. Определите, сколько среди них чисел, у которых сумма цифр не равна 12. В качестве ответа запишите полученное число. Для получения результата напишите программу.

Решение

```
function Ok(k:integer):boolean ;  
var  
  s:integer;  
begin  
  s:=0;  
  repeat  
    s:=s+k mod 10;  
    k:=k div 10  
  until k=0;  
  Ok:=s <>12  
end;  
var  
  k:integer;  
begin  
  k:=0;  
  for var i:=120500 to 210800 do  
    begin  
      if ok(i) then  
        inc(k)  
      end;  
      writeln(k)  
    end.  
end.
```

Ответ 89297.

Задача 8

Все шестибуквенные слова, составленные из букв Ш, К, О, Л, А записаны в алфавитном порядке и пронумерованы, начиная с 1. Начало списка выглядит так:

1. АААААА
2. АААААК
3. АААААЛ
4. АААААО
5. АААААШ
6. ААААКА
7. ААААКК
- ...

Определите, сколько раз встречается буква Л в строчках с 1020 по 5050 включительно. В качестве ответа запишите полученное число. Для получения результата напишите программу.

Решение

```
function count(n,k,obr:integer):integer ;
var
  x:integer;
begin
  x:=0;
  repeat
    if n mod k =obr then
      inc(x);
    n:=n div k;
  until n=0;
  count:=x;
end;
```

```
function trans(n,k:integer):string ;
var
  s:string;
  x:integer;
begin
  s="";
  repeat
    x:=n mod k;
    n:=n div k;
    s:=inttostr(x)+s;
  until n=0;
  trans:=s;
end;
var
  s:string;
  k:integer;
begin
  k:=0;
  for var i:=1020 to 5050 do
    begin
```

```

s:=trans(i-1,5);
k:=k+count(i-1,5,2);
end;
writeln(k)
end.

```

Ответ 4411.

Задача 9

Имеется таблица размером 100 строк на 500 столбцов. В каждой ячейке таблицы записано число, которое рассчитывается по формуле

$\sin((I-50)*(I-50)*J)$, где

I – номер строки,

J – номер столбца

Определите и запишите в качестве ответа номер столбца, сумма чисел в котором максимальна. В качестве ответа запишите полученное число.

Для получения результата напишите программу или используйте электронные таблицы.

Решение

```

var
s,m,x : real;
n:integer;
begin
m:=-1000000;
for var j:=1 to 500 do
begin
s:=0;
for var i:=1 to 100 do
begin
x:= sin(sqrt(i-50)*j);
s:=s+x;
end;
if s>m then
begin
m:=s;
n:=j;
end;
end;
writeln(n);
end.

```

Ответ 269.