

117052

Шифр

(заполняется ответственным секретарем приемной комиссии)

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

на олимпиаде «Шаг в будущее»

соревнования по образовательному предмету

Физика, Задачи -  
(наименование дисциплины)

темный мир олимпиады "Шаг в будущее" 2019  
Интеллектуальное дело "Профессор Мухомовский"

Фамилия И.О. участника

Морозов Александр

Дмитриевич

Город, № школы (образовательного учреждения)

Одичуково, МБОУ

Одичуковский лицей №10

Регистрационный номер

404

Вариант задания

№3

Дата проведения « 17 » февраля 2019 г.

Подпись участника

[Подпись]

С работой ознакомлен 26.02.19

[Подпись]

тест № 560

Prof

Московский государственный технический университет имени Н. Э. Баумана

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	$\Sigma$
10	8	16	8	12	6					60

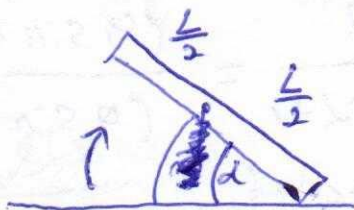
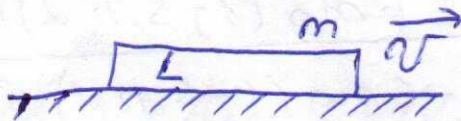
117052

Шифр

(заполняется ответственным секретарем приемной комиссии)

Вариант № 3

N1



Дано:

$m, L, v,$

$A, \alpha,$

$\Delta t_{\text{max}} - ?$

Решение:

$$A = |\vec{F}_{\text{тр}}| S =$$

$$= \mu mg S =$$

$$= \mu mg \frac{L}{2} \cdot \alpha$$

$$\mu = \frac{A}{mg \frac{L}{2} \cdot \alpha}$$

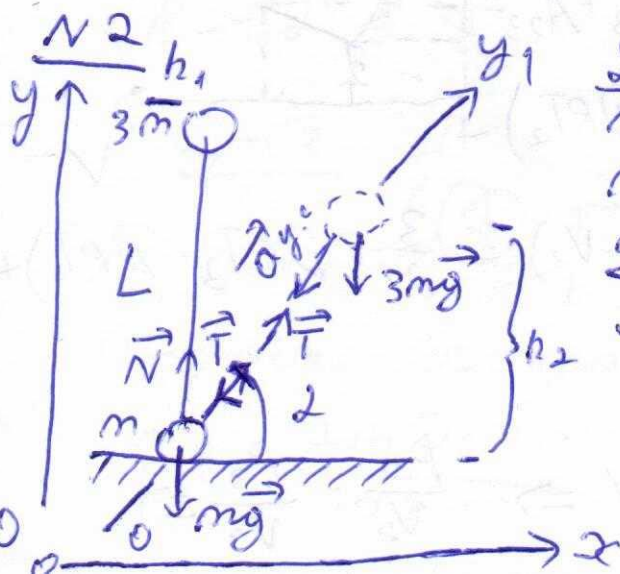
По 2-му закону Ньютона:

$$\Delta P = F \Delta t \quad P_{\text{тр}} =$$

$$mv = \mu mg \Delta t$$

$$= \frac{mv \cdot \frac{L}{2} \cdot \alpha}{A} +$$

$$\Delta t = \frac{mv}{\mu mg} = \frac{mv}{\frac{A}{mg \frac{L}{2} \cdot \alpha}} =$$



Дано:

$m_1 = 3m$

$m_2 = m$

$\alpha = 60^\circ$

$\mu - ?$

Решение:

По закону сохр. энергии:

$$3mgL = 3mgL \sin \alpha + \frac{3mv^2}{2}$$

$$3mgL - 3mgL \sin \alpha =$$

$$= \frac{3mv^2}{2}$$



$$3mgL(1 - \sin \alpha) = \frac{3mV^2}{2} +$$

По 1-му закону  
Нернста:

$$6mg(1 - \sin \alpha) = \frac{3mV^2}{L}$$

$$\Sigma F = 0$$

По 2-му закону Нернста:  $m\vec{a} = \Sigma \vec{F}$



Оу:  $3may.c. = 3mg \sin \alpha - T$

Ана канчалар  
но ирмекер!

Оу:  $T \sin \alpha + mg = N$

$$\frac{3mV^2}{L} = 3mg \sin \alpha - T$$

Ох:  $T \cos \alpha = \mu N$

$$6mg(1 - \sin \alpha) = 3mg \sin \alpha - T$$

$$T \cos \alpha = \mu (T \sin \alpha + mg)$$

$$T = 3mg \sin \alpha - 6mg(1 - \sin \alpha)$$

0.5

$$\mu = \frac{T \cos \alpha}{T \sin \alpha + mg} = \frac{(3mg \sin \alpha - 6mg(1 - \sin \alpha)) \cos \alpha}{(3mg \sin \alpha - 6mg(1 - \sin \alpha)) \sin \alpha + mg}$$

$$= \frac{(3 \sin \alpha - 6(1 - \sin \alpha)) \cos \alpha}{(3 \sin \alpha - 6(1 - \sin \alpha)) \sin \alpha + 1} = \frac{(9 \sin \alpha - 6) \cos \alpha}{(9 \sin \alpha - 6) \sin \alpha + 1}$$

$$= \frac{(9 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} - 6) \cdot \frac{1}{2}}{(9 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} - 6) \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} + 1} \approx 0,29 \quad \text{Оубен: } 0,29$$

N3 Даво:

$$T_1 = T_3$$

$$A_{12} = 800 \text{ Дж}$$

$$Q_{23} = 800 \text{ Дж}$$

(2-3):  $P = \text{const } V$

$$Q_{12} = ?$$

Температура:

По 1-му  
закону  
термодинамики:

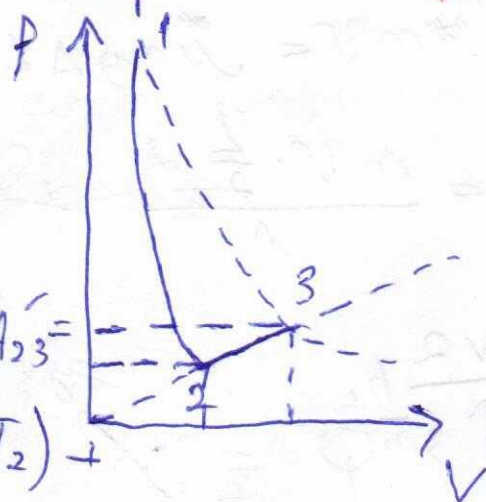
$$Q_{23} = \Delta U_{23} + A_{23}$$

$$= \frac{3}{2} (DRT_3 - DRT_2) +$$

$$+ \frac{P_2 + P_3}{2} (V_3 - V_2) = \frac{3}{2} (DRT_3 - DRT_2) +$$

$$+ \frac{1}{2} (P_2 V_3 - P_2 V_2 + P_3 V_3 - P_3 V_2)$$

В процессе 2-3:  $P = \text{const } V \Rightarrow \frac{P_2}{V_2} = \frac{P_3}{V_3} \Rightarrow$





$$\Downarrow P_2 V_3 = P_3 V_2 \Rightarrow Q_{23} = \frac{3}{2} (DRT_3 - DRT_2) + \frac{1}{2} (P_3 V_3 - P_2 V_2)$$

По 3. Менделеев-Клапейрон:

$$P_2 V_2 = DRT_2$$

$$P_3 V_3 = DRT_3$$

$$Q_{23} = \frac{3}{2} (DRT_3 - DRT_2) +$$

$$+ \frac{1}{2} (DRT_3 - DRT_2) =$$

$$= 2 (DRT_3 - DRT_2)$$

$$\neq DRT_3 - DRT_2 = \frac{Q_{23}}{2}$$

$$Q_{12} = \Delta U_{12} + A'_{12}$$

$$\Delta U_{12} = \frac{3}{2} (DRT_2 - DRT_1)$$

$$\text{п.к. } T_1 = T_3, \Delta U_{12} = \frac{3}{2} (DRT_2 - DRT_3) =$$

$$= \frac{3}{2} \cdot \left( -\frac{Q_{23}}{2} \right) = -\frac{3}{4} Q_{23}$$

$$Q_{12} = A_{12} - \frac{3}{4} Q_{23} = 800 - \frac{3}{4} \cdot 800 = 200 \text{ Дж}$$

Ответ: 200 Дж

№5

Дано:

$$2m, \alpha = 60^\circ;$$

$$K, m, v$$

$$\Delta x = ?$$

Решение:

По закону

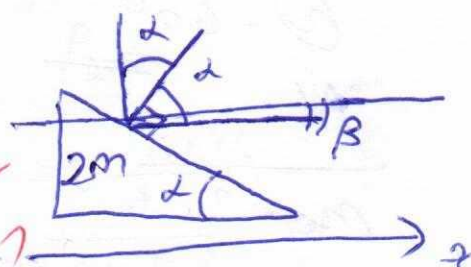
сохр. импульса:

$$m\vec{v}_0 = m\vec{v}_1 +$$

$$+ 2m\vec{v}_2$$

$$\text{в } x: 2m v_2 =$$

$$\textcircled{1}, \downarrow Qm$$



$$- m v_1 \cos \beta = 0$$

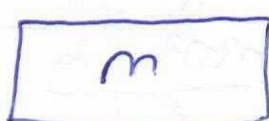
$$(\beta = 2\alpha - 90^\circ)$$

$$2m v_2 = v_1 \cos \beta$$

$$v_2 = \frac{v_1 \cos \beta}{2} = \frac{v_1 \cos 30^\circ}{2} =$$

$$= \frac{v_1 \sqrt{3}}{4}$$

②



$$v_c$$



Скорость центра масс системы:

$$v_c = \frac{2m v_2 + 0}{2m + m} = \frac{2}{3} v_2 = \frac{v_1 \sqrt{3}}{6}$$

По закону сохр. энергии:  $\frac{2m(v_2 - v_c)^2}{2} + \frac{2mv_c^2}{2} =$   
 $= \frac{k\Delta x^2}{2}$  *max!*  $\frac{2m\left(\frac{v\sqrt{3}}{4} - \frac{v\sqrt{3}}{6}\right)^2}{2} + 2m \cdot \frac{3v^2}{2 \cdot 36} = \frac{k\Delta x^2}{2}$

$$m \left( \frac{3v\sqrt{3} - 2v\sqrt{3}}{12} \right)^2 + \frac{3mv^2}{36} = \frac{k\Delta x^2}{2}$$

$$\frac{3mv^2}{144} + \frac{3mv^2}{36} = \frac{k\Delta x^2}{2}$$

$$\frac{3mv^2 + 12mv^2}{144} = \frac{k\Delta x^2}{2}$$

$$\frac{15mv^2}{144} = k\Delta x^2$$

$$\frac{5mv^2}{24} = k\Delta x^2 \quad \Delta x = \sqrt{\frac{5mv^2}{24k}} =$$

$$= \frac{v\sqrt{5m}}{\sqrt{24k}} = \frac{v}{2} \sqrt{\frac{5m}{6k}}$$

$$\frac{2v}{11} \sqrt{\frac{2m}{k}}$$

0.5

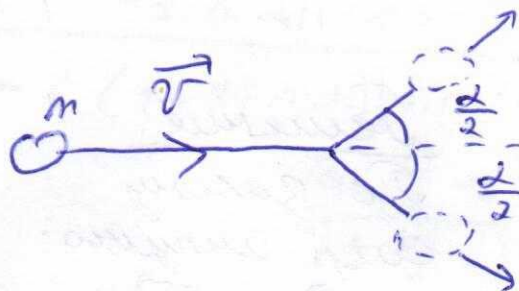
N6

Дано:

$$\theta = 60^\circ,$$

$N$

$m_0 - ?$



Решение:

По закону сохр. импульса:

$$mv = 2 \frac{h\nu}{c} \cos \frac{\alpha}{2}$$

По з. сохр. энергии:

$$mc^2 = 2h\nu N$$

$$p = mc$$

$$E = mc^2 = h\nu$$

$$\frac{E}{p} = c + \frac{p}{p} = \frac{E}{c} =$$

$$= \frac{h\nu}{c}$$

$$\frac{mv}{mc^2} = \frac{2 \frac{h\nu}{c} \cos \frac{\alpha}{2}}{2h\nu N}$$

$$\frac{v}{c^2} = \frac{\cos \frac{\alpha}{2}}{cN}$$

$$\frac{v}{c} = \frac{\cos \frac{\alpha}{2}}{N}$$



1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	

Шифр

(заполняется ответственным секретарем приёмной комиссии)

177 052

Вариант № 3

$$m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$

$$m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \frac{\cos^2 \frac{\alpha}{2}}{N^2}}}$$

$$m_0 = m \sqrt{1 - \frac{\cos^2 \frac{\alpha}{2}}{N^2}} = m \sqrt{1 - \frac{3}{4N^2}} = m \sqrt{1 - \frac{3}{4N^2}} =$$

$$= m \sqrt{\frac{4N^2 - 3}{4N^2}} = \frac{m}{2N} \sqrt{4N^2 - 3}$$

$$m_0 = N m_e$$

N4

Дано:

$$C = 5 \cdot 10^{-6} \text{ Ф}$$

$$U_0 = 6 \text{ В}$$

$$L = 0,2 \text{ Гн}$$

$$\mathcal{E} = 12 \text{ В}$$

$$I_{\max} = ?$$

$$U_1$$

Решение:

$$I = q'(t)$$

$$q = q_{\max} \sin \omega t$$

$$q' = q_{\max} \omega \cos \omega t$$

$$T = 2\pi \sqrt{LC}, \quad \omega = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

$$q_{\max} = C U_{\max} = C (\mathcal{E} - U_0)$$

$$I_{\max} = q_{\max} \omega = \frac{C (\mathcal{E} - U_0)}{\sqrt{LC}}$$

$$= \frac{5 \cdot 10^{-6} \cdot 6}{\sqrt{0,2 \cdot 5 \cdot 10^{-6}}} = 30 \cdot 10^{-3} = 30 \text{ мА}$$

~~По замкнутому контуру:  $U_C + U_L = \mathcal{E}$~~

не нужна  
при расчетах  
конденсатора!

0,5

$$U_L = L \frac{\Delta I}{\Delta t} = -L \frac{dI}{dt} = -L q''(t)$$

$$q'' = q_{\max} \omega^2 \sin \omega t$$

$$U_L = L q_{\max} \omega^2 \sin \omega t$$

$$U = (\mathcal{E} - U_0) \cos \omega t$$

$$U_{\max} = \mathcal{E} - U_0 = 6 \text{ V} \quad \text{---}$$

$$U = U_0 + U_L$$

15 (пятькадучо)  $\phi$

Московский государственный технический университет имени Н. Э. Баумана

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	$\Sigma$
						15				15

117052

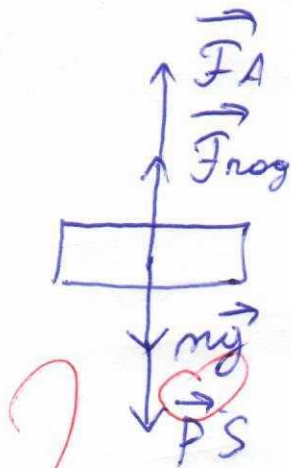
Шифр

(заполняется ответственным секретарем приёмной комиссии)



Вариант № 3

См. задача:



$$F_A + F_{\text{пог}} = mg + P_S$$

$$\rho g V + c_y S_{\text{кр}} \frac{\rho v^2}{2} = mg + \rho g H S$$

$$1000 \cdot 10 \cdot (0,55 + 0,05) + 0,8 \cdot 0,1 \cdot \frac{1000 v^2}{2} = 1000 \cdot 10 + 1000 \cdot 10 \cdot 4 \cdot 5$$

$P, p_a$  — сила Архимеда и давление.  $\phi g$

$$20 - 5 = 15$$