



Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана

+1 *[Signature]*

119433

Шифр

(заполняется ответственным секретарем приемной комиссии)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА
на олимпиаде «Шаг в будущее»

соревнования по образовательному предмету РУССКАЯ
(наименование дисциплины)

Фамилия И. О. участника Эрендиева Айна Артуровна

Город, № школы (образовательного учреждения) г. Москва, ГОУ Лицей №1580
им. Баумана

Регистрационный номер ШМ0012

Вариант задания 2

Дата проведения " 19 " марта 20 17 г.

С работой ознакомлена
29.03.2017 Аюба

Подпись участника Аюба

76 (сложнее всего)

Московский государственный технический университет имени Н. Э. Баумана

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	Σ
8	4	3	10	8	10	10	5	12	6	76

119433

Шифр

(заполняется ответственным секретарем приемной комиссии)

119433

Вариант № 2

Дано:

$$\alpha = 60^\circ$$

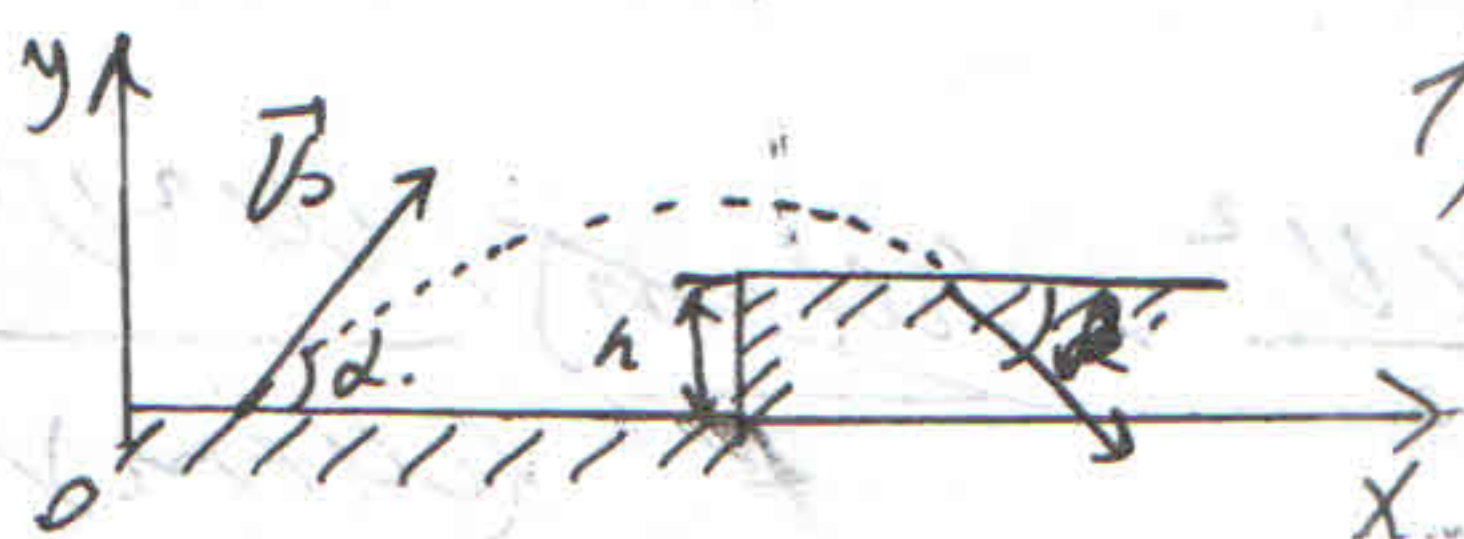
$$V_0 = 10 \text{ м/с}$$

$$h = 3 \text{ м}$$

$$g = 10 \text{ м/с}^2$$

$\beta = ?$

Решение:



1) Напишем уравнение движения тела на оси координат:

$$OX: x(t) = V_0 \cos \alpha \cdot t$$

$$; V_x(t) = V_0 \cos \alpha$$

$$OY: y(t) = V_0 \sin \alpha \cdot t - \frac{g t^2}{2}; V_y(t) = V_0 \sin \alpha - g t$$

2) Когда тело падает на ступеньку, его координата по Oy равна h, т.е.

$$h = V_0 \sin \alpha \cdot t - \frac{g t^2}{2}$$

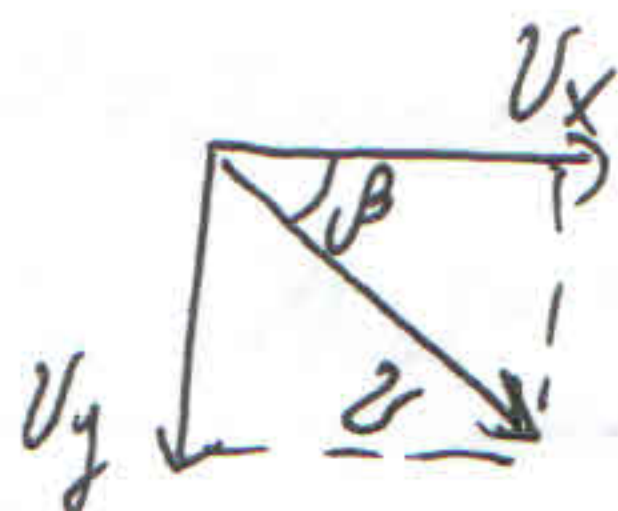
$$\Leftrightarrow g t^2 - 2 V_0 \sin \alpha \cdot t + 2h = 0$$

$$\frac{D}{4} = V_0^2 \sin^2 \alpha - 2gh$$

$$t = \frac{V_0 \sin \alpha \pm \sqrt{V_0^2 \sin^2 \alpha - 2gh}}{g}$$

$$= \frac{10 \cdot \sin 60^\circ \pm \sqrt{100 \cdot \sin^2 60^\circ - 2 \cdot 10 \cdot 3}}{10} = \frac{\sqrt{15} \pm \sqrt{53}}{10}$$

3) Рассмотрим треугольник скоростей



из рисунка видно, что $\tan \beta = \frac{|V_y|}{|V_x|}$

$$|V_y| = |V_0 \sin \alpha - g t| = \left| 10 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} - 10 \cdot \frac{\sqrt{15} + \sqrt{53}}{10} \right| = |-\sqrt{15}| = \sqrt{15}$$

$$|V_x| = |V_0 \cos \alpha| = 10 \cdot \frac{1}{2} = 5$$

$$\tan \beta = \frac{\sqrt{15}}{5} \Rightarrow \beta = \arctan \left(\frac{\sqrt{15}}{5} \right) = \approx 38^\circ$$

Ответ: $\beta = \arctan \left(\frac{V_0 \sin \alpha - \sqrt{V_0^2 \sin^2 \alpha - 2gh}}{V_0 \cos \alpha} \right) = \arctan \left(\frac{\sqrt{V_0^2 \sin^2 \alpha - 2gh}}{V_0 \cos \alpha} \right) = \beta$

(14)

Дано:
 $m = 3 \text{ кг}$
 $h = 5 \text{ м}$
 $M = 15 \text{ кг}$
 $U = 6 \text{ м/с}$

Искать:
 $\Delta U = ?$

Решение:

1) В данной задаче $\Delta U = Q$ — теплота выделяемая в системе, т.к. внутренняя энергия определяется изменением температуры.
 2) Запишем закон сохранения энергии

или:

$$mgh + \frac{MU^2}{2} = \frac{(M+m)u^2}{2} + Q$$

3) По оси OX импульс системы сохраняется

$$\Rightarrow MU = (M+m)u$$

$$u = \frac{MU}{M+m}$$

4) Значит,

$$\begin{aligned} Q &= mgh + \frac{MU^2}{2} - \frac{(M+m) \cdot \frac{M^2 U^2}{(M+m)^2}}{2} = \\ &= mgh + \frac{MU^2}{2} - \frac{1}{2} \frac{M^2 U^2}{M+m} = mgh + \frac{MU^2}{2} \left(1 - \frac{M}{M+m}\right) = \\ &= mgh + \frac{MU^2}{2} \frac{M+m-M}{M+m} = mgh + \frac{MmU^2}{2(M+m)} \end{aligned}$$

Т.о. $Q = \Delta U = mgh + \frac{MmU^2}{2(M+m)} = 3 \cdot 10 \cdot 5 + \frac{3 \cdot 15 \cdot 36}{2(3+15)}$
 $= 195 \text{ Дж}$

Ответ: $mgh + \frac{MmU^2}{2(M+m)} = 195 \text{ Дж}$

(15)

Дано:

$$P_1 = 10^5 \text{ Па}$$

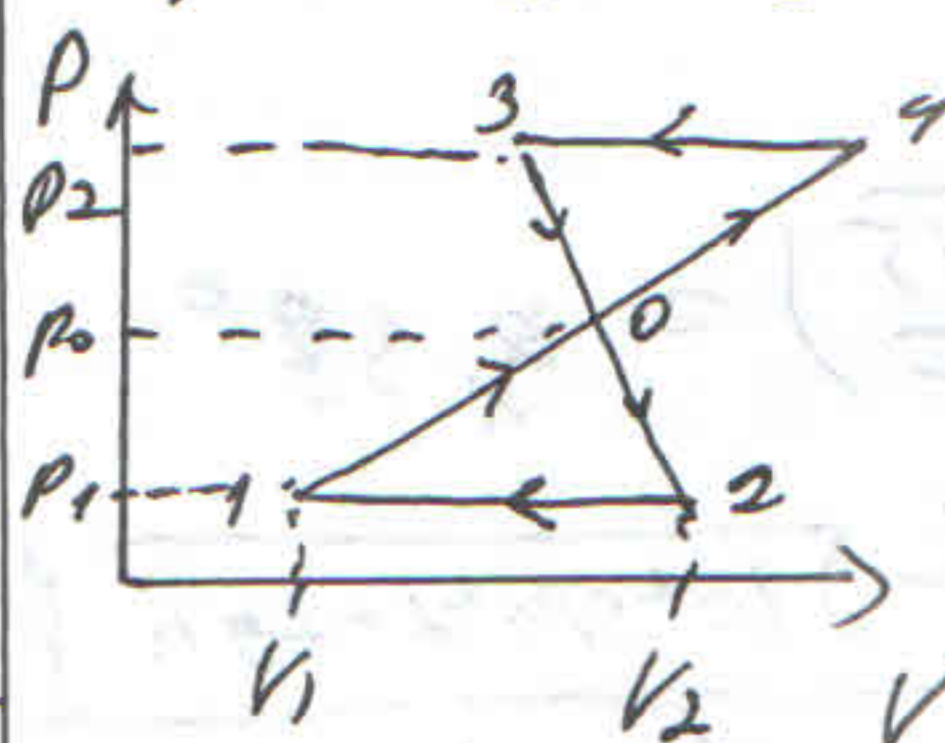
$$P_0 = 6 \cdot 10^5 \text{ Па}$$

$$P_2 = 8 \cdot 10^5 \text{ Па}$$

$$V_2 - V_1 = \Delta V = 0,01 \text{ м}^3$$

Искать:
 $A = ?$

Решение



1) Работа, совершаемая газом, равна площади под графиком PV .

$$\Rightarrow A = A_1 + A_2$$

Знак A

A_1 - работа цикла 1-0-2-1, а A_2 - работа цикла 0-4-3-0

$$2) A_1 = \frac{1}{2} (p_0 - p_1) (V_2 - V_1) \quad (\text{площадь треугольника})$$

$$A_2 = \frac{1}{2} (p_2 - p_0) (V_4 - V_3)$$

3) Треугольники 102 и 034 подобны по 2-м углам
 ($\angle 304 = \angle 102$ - вертикальные
 $\angle 340 = \angle 012$ - каждый смежный
 при 34/12 и 0V и 41-смысловые)

$$(\Rightarrow) \frac{V_4 - V_3}{V_2 - V_1} = \frac{p_2 - p_0}{p_0 - p_1} \Rightarrow V_4 - V_3 = \frac{p_2 - p_0}{p_0 - p_1} \cdot V_2 - V_1$$

$$4) A = \frac{1}{2} (p_0 - p_1) (V_2 - V_1) + \frac{1}{2} (p_2 - p_0) \frac{(p_2 - p_0)}{p_0 - p_1} (V_2 - V_1) =$$

$$= \frac{1}{2} (V_2 - V_1) \left(\frac{(p_0 - p_1)^2 - (p_2 - p_0)^2}{p_0 - p_1} \right) = \frac{1}{2} \cdot 0,01 \cdot \frac{(5 \cdot 10^5)^2 - (2 \cdot 10^5)^2}{5 \cdot 10^5}$$

$$= \frac{1}{2} \cdot 0,01 \cdot \frac{21 \cdot (10^5)^2}{5 \cdot 10^5} = \frac{0,01 \cdot 21 \cdot 10^5}{10} = 21 \cdot 10^2 = 2100 \text{ Дж}$$

Ответ: $A = \frac{1}{2} (V_2 - V_1) \frac{(p_0 - p_1)^2 - (p_2 - p_0)^2}{p_0 - p_1} = 2100 \text{ Дж.}$

(16)

Дано:

$\nu = 2 \text{ моля}$

$2, A, \bar{i} = 3$

$T_1 = ?$

Решение:

1) КПД цикла Карно: $\eta = \frac{T_1 - T_2}{T_1} = 1 - \frac{T_2}{T_1}$

2) в адиабатическом процессе $Q = 0$

$\Rightarrow 0 = A + \Delta V \Rightarrow \Delta V = -A = -\frac{i}{2} \nu R \Delta T$

$\Delta V = \frac{3}{2} \nu R \Delta T = -A$ 3) $\Delta T = T_2 - T_1$

$\frac{3}{2} \nu R (T_1 - T_2) = A \Rightarrow T_1 - T_2 = \frac{2A}{3\nu R}$

$$4) \frac{T_2}{T_1} = 1 - \eta \Rightarrow T_2 = (1 - \eta) \cdot T_1$$

$$5) T_1 = T_2 + \frac{2A}{32R} = T_1(1 - \eta) + \frac{2A}{32R}$$

$$T_1 (1 - 1 + \eta) = \frac{2A}{32R}$$

$$T_1 = \frac{2A}{32R\eta} = \frac{2A}{3 \cdot 2 \cdot R\eta} = \frac{A}{3R\eta}$$

Ответ: $T_1 = \frac{2A}{32R\eta} = \frac{A}{3R\eta}$

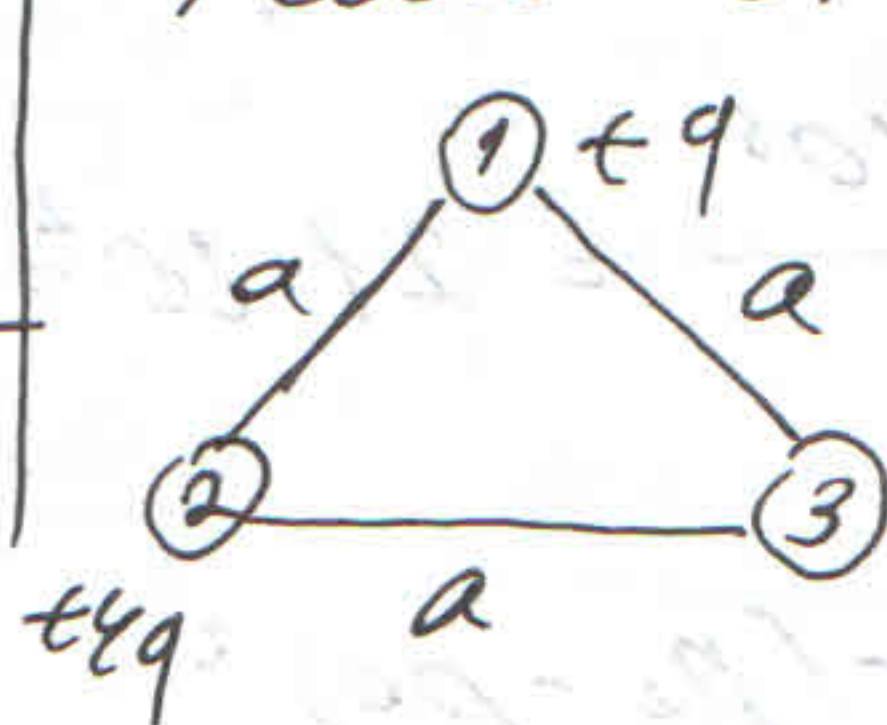
(N7)

Дано:

a, q, qq

$W = ?$

Решение:



1) После того, как второй шар соединим с третьим, их заряд распределится по тк шарика одинаковые и менее

маленькие $\Rightarrow q_2 = q_3 = \frac{+4q}{2} = +2q$

2) Потенциальная энергия системы складывается из потенциальной энергии взаимодействия 142, 243, 143 шариков

$$\begin{aligned} \text{Т/О: } W &= W_{12} + W_{23} + W_{31} = \frac{q \cdot 2q}{4\pi\epsilon_0 a} + \frac{2q \cdot 2q}{4\pi\epsilon_0 a} + \frac{q \cdot 2q}{4\pi\epsilon_0 a} \\ &= \frac{2q^2}{4\pi\epsilon_0 a} + \frac{4q^2}{4\pi\epsilon_0 a} + \frac{2q^2}{4\pi\epsilon_0 a} = \frac{28q^2}{4\pi\epsilon_0 a} = \frac{2q^2}{\pi\epsilon_0 a} \end{aligned}$$

Ответ: $W = \frac{2q^2}{\pi\epsilon_0 a}$

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	

Шифр

119433

(заполняется ответственным секретарем приёмной комиссии)

Вариант № 2

19

Дано:

$$T = 8\pi \cdot 10^{-9} \text{ с}$$

$$q = 5 \text{ нКл} = 5 \cdot 10^{-9} \text{ Кл}$$

$$I = 8 \text{ мкА} = 8 \cdot 10^{-6} \text{ А}$$

$q_m = ?$

Решение:

1) Период колебаний идеального колебательного контура вычисляется по формуле Томпсона $T = 2\pi \sqrt{LC}$



Так как контур идеальный (т.е. нет сопротивления проводов) следует, что полная энергия сохраняется; $W = \text{const}$

3) Энергия контура складывается из энергии катушки и конденсатора: $W = \frac{q^2}{2C} + \frac{LI^2}{2} = \frac{q_m^2}{2C} = \frac{LI_m^2}{2}$

$$\text{т.е. } \frac{q^2}{2C} + \frac{LI^2}{2} = \frac{q_m^2}{2C} \quad | \cdot 2C \Rightarrow q^2 + CL I^2 = q_m^2$$

$$q_m = \sqrt{q^2 + I^2 LC}$$

$$4) T = \sqrt{LC} \cdot 2\pi \Rightarrow LC = \frac{T^2}{4\pi^2}$$

$$5) q_m = \sqrt{q^2 + \frac{I^2 T^2}{4\pi^2}} = \sqrt{(5 \cdot 10^{-9})^2 + \frac{(8 \cdot 10^{-6})^2 \cdot (8\pi \cdot 10^{-9})^2}{4\pi^2}} \approx$$

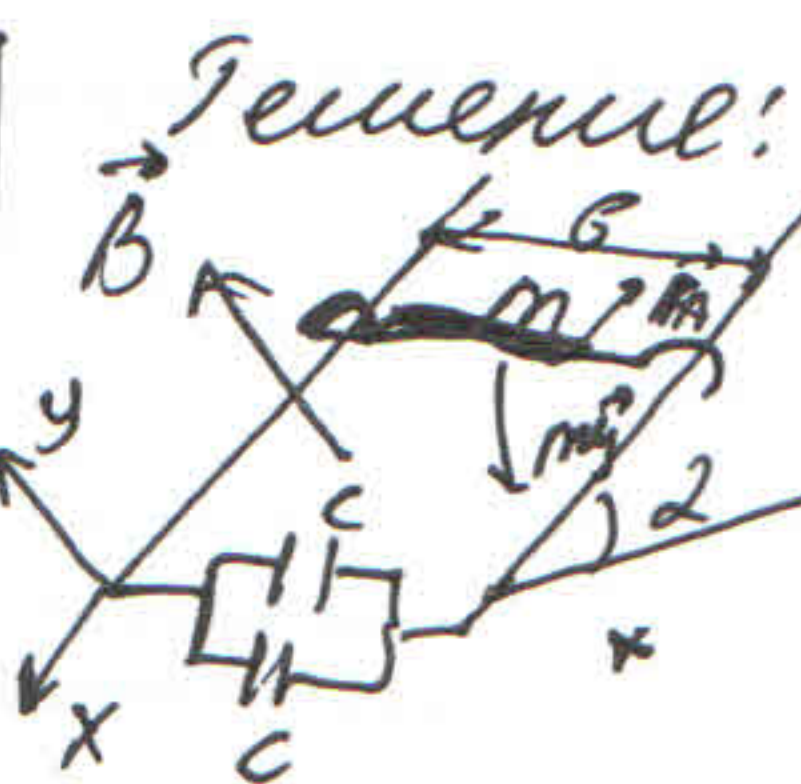
$$\approx 5,49 \cdot 10^{-9} \text{ Кл} \approx 5,49 \text{ нКл}$$

Ответ: $\sqrt{q^2 + \frac{I^2 T^2}{4\pi^2}} = 5,49 \text{ нКл.}$

(N10)

Дано:
 $B, b, d,$
 C, m

$a = ?$



1) Запишем II закон Ньютона для переменного массой m .

$$m\vec{a} = \vec{F}_A + m\vec{g}, \text{ где } F_A - \text{сила Ампера}$$

ОХ: $ma = F_A - mg \sin \alpha$

2) $F_A = IBb, I = \frac{dq}{dt}$

3) $dq = \epsilon_i \cdot C d\phi$

4) $C_{\text{эф}} = C + C = 2C$ (тк конденсаторы подключены параллельно)

5) $|\epsilon_i| = \left| - \frac{d\phi}{dt} \right| = \left| - \frac{B \Delta S}{dt} \right| = \left| - \frac{B b \cdot \frac{a d t^2}{2}}{dt} \right| = \left| - \frac{B b a d t}{2} \right|$

6) $F_A = \frac{B b a d t}{2} \cdot 2C \cdot B b = B^2 b^2 a C$

7) $ma = B^2 b^2 a C - mg \sin \alpha$

$$a(-m + B^2 b^2 C) = mg \sin \alpha$$

$$a = \frac{mg \sin \alpha}{B^2 b^2 C - m}$$

Ответ: $\frac{mg \sin \alpha}{B^2 b^2 C - m}$

(N2)

Дано:

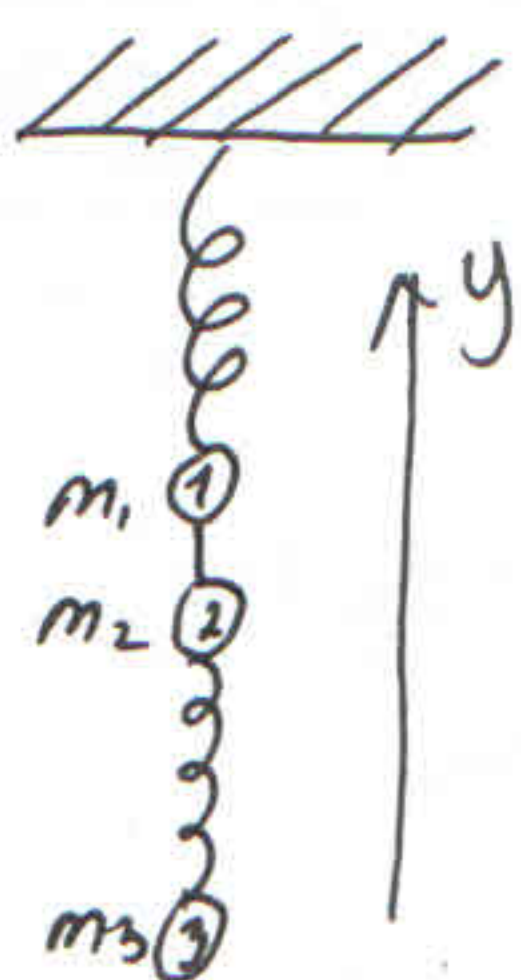
$$m_1 = 9 \text{ кг}$$

$$m_2 = 3 \text{ кг}$$

$$m_3 = 1 \text{ кг}$$

$T, a = ?$

Решение:



1) Тк система находится в равновесии, то II-ой закон Ньютона для тела массой m_2 примет вид:

$$T = m_2 g \text{ (оставшиеся силы (} F_{\text{упр}}, m_2 g, m_3 g \text{ сократятся тк система находится в равновесии)}$$

$$T = 3 \cdot 10 = 30 \text{ Н}$$

2) До перехитания нити верхняя пружина была растянута на величину x_0 , которое можно найти из следующего ур-я (Закон Ньютона для тела m_1)

$$k x_0 = (m_1 + m_2 + m_3)g \Rightarrow x_0 = \frac{(m_1 + m_2 + m_3)g}{k}$$

3) Частота, с которой будет колебаться груз m_1 равен $\omega = \sqrt{\frac{k}{m_1}}$

4) Ускорение ~~после~~ m_1 после перехитания нити равен $a = A\omega$, где A - амплитуда колебаний груза.

$$A = x_0 \Rightarrow a = \frac{(m_1 + m_2 + m_3)g}{m_1} \cdot \frac{k}{m_1} =$$

$$= \frac{(m_1 + m_2 + m_3)g}{m_1} = \frac{4 + 3 + 1}{4} \cdot 10 = 20 \text{ м/с}^2$$

Ответ:

$$T = m_2 g = 30 \text{ Н}$$

$$a = \frac{(m_1 + m_2 + m_3)g}{m_1} = 20 \text{ м/с}^2$$

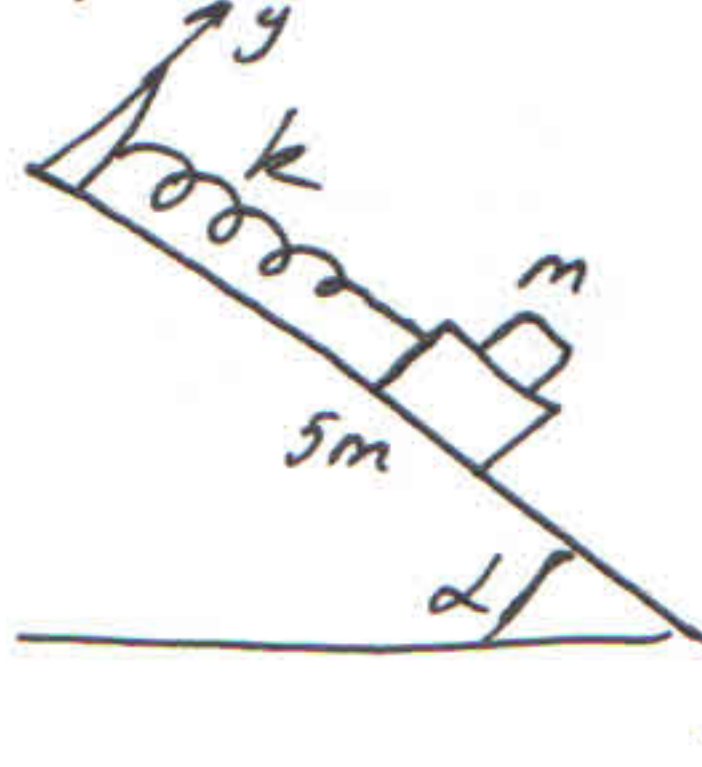
(N3)

Дано:

$L, 5 \text{ м}, m$
 k, A

$\mu = ?$

Решение



- 1) Частота гармонических колебаний: $\omega = \sqrt{\frac{k}{m+5m}} = \sqrt{\frac{k}{6m}}$
- 2) Максимальное ускорение груза $5m$: $a = A\omega = A\sqrt{\frac{k}{6m}}$

3) Запишем II закон Ньютона для тела массы m
 $m\vec{a} = m\vec{g} + \vec{F}_{\text{тр}} + \vec{N}$ (т.е. m свободно движется (не учитывая, что и δm)

Ox: $ma = mg - F_{\text{тр}}$

Oy: $mg \cos \alpha = N \Rightarrow F_{\text{тр}} = \mu mg \cos \alpha$

$m \cdot A \sqrt{\frac{k}{6m}} = mg - \mu mg \cos \alpha$ (знак \neq / mg / $(1 - \mu \cos \alpha)$)

Корень вынесем: $\mu g \cos \alpha = g - A \sqrt{\frac{k}{6m}}$

$\mu = \frac{g - A \sqrt{\frac{k}{6m}}}{g \cos \alpha}$

Ответ:

$\frac{g - A \sqrt{\frac{k}{6m}}}{g \cos \alpha}$

25

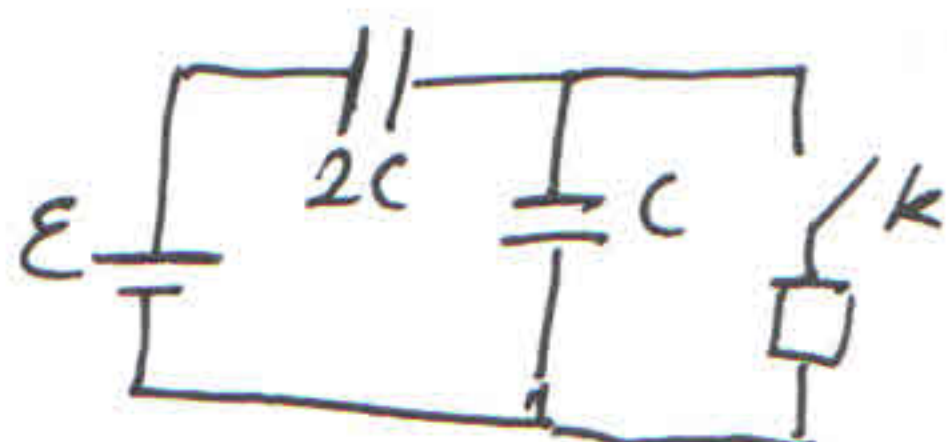
8

Дано:

ϵ, C

$Q = ?$

Решение:



1) Запишем закон сохранения энергии:

$W_1 = W_2 + Q$

2) $W_1 = \frac{C_{\text{общ}} \cdot \epsilon^2}{2}$, $\frac{1}{C_{\text{общ}}} = \frac{1}{C} + \frac{1}{2C} = \frac{3}{2C} \Rightarrow C_{\text{общ}} = \frac{2C}{3}$

$\Rightarrow W_1 = \frac{2C \epsilon^2}{3 \cdot 2} = \frac{C \epsilon^2}{3}$

3) $W_2 = \frac{CU_1^2}{2} + \frac{2CU_2^2}{2}$

$U_1 + U_2 = \epsilon$

$q_1 + q_2 = q$

$\frac{q^2}{2C_{\text{общ}}} = W_1 \Rightarrow q = \sqrt{W_1 \cdot 2 \cdot \frac{2}{3} C} = \sqrt{\frac{C \epsilon^2}{3} \cdot 2 \cdot \frac{2}{3} C} = \frac{2}{3} C \epsilon$

0,85

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	

Шифр 119433

(заполняется ответственным секретарем приемной комиссии)

Вариант № 2

$$W_2 = \frac{q_1^2}{2C} + \frac{q_2^2}{4C} \quad \cancel{= \frac{2q_1^2}{2C} + \frac{q_2^2}{4C} = \frac{3q_1^2}{4C}}$$

$$q_1 + q_2 = \frac{2}{3} C \varepsilon$$

$$\frac{\varepsilon C^2}{3} = \frac{2q_1^2}{2C} + \frac{q_2^2}{4C} + Q$$

$$\begin{cases} Q = \frac{\varepsilon C^2}{3} - \frac{2q_1^2 + q_2^2}{4C} \\ q_1 + q_2 = \frac{2}{3} C \varepsilon \end{cases}$$