

Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана

126473

Шифр

(заполняется ответственным  
секретарем приемной комиссии)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА  
на олимпиаде «Шаг в будущее»

соревнования по образовательному предмету Ф И З И К А

(наименование дисциплины)

Фамилия И. О. участника КОПЦОВ ЯРОСЛАВ ВЛАДИМИРОВИЧ

Город, № школы (образовательного учреждения) г. Москва; Лицей № 1580

Регистрационный номер ШМ4664

Вариант задания № 27

Дата проведения " 26 " Февраля 20 17 г.

Подпись участника

СВ

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	15	15	0,25	0,15	1	1	0,15	0,25	0,25
8	8	10	3	3	10	10	3	9	9

Шифр

(заполняется ответственным секретарем приёмной комиссии)

Вариант № 27

Задача №1

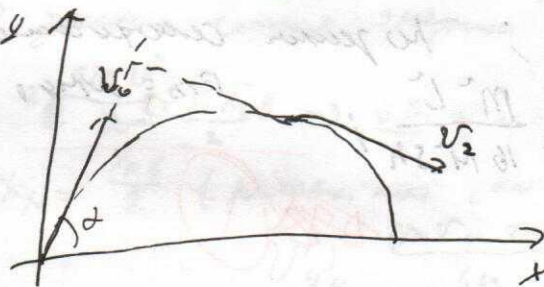
Решен

Дано:

$$\tau = 40$$

$$\alpha = 90^\circ$$

С - ?



$$1) v_x = v \cos \alpha$$

$$v_y = v \sin \alpha - g t$$

$$2) v_0 \perp v_2 \Rightarrow |v_{x0} v_{x2} + v_{y0} v_{y2}| = 0$$

$$v^2 \cos^2 \alpha + v \sin \alpha - v \sin \alpha g \tau = 0$$

$$v^2 - v \sin \alpha g \tau = 0$$

$$v = \sin \alpha g \tau$$

$$3) x = v \cos \alpha \tau$$

$$y = v \sin \alpha \tau - \frac{g \tau^2}{2}$$

$$4) s = \sqrt{x^2 + y^2} = \sqrt{v^2 \cos^2 \alpha \tau^2 + v^2 \sin^2 \alpha \tau^2 - v \sin \alpha g \tau^2 + \frac{g^2 \tau^4}{4}}$$

$$= \sqrt{v^2 \tau^2 - v \sin \alpha g \tau^2 + \frac{g^2 \tau^4}{4}} = \frac{g \tau^2}{2}; \quad s = \frac{10 \cdot 4^2}{2} = 80 \text{ м}$$

Ответ: 80 м.

Задача №2

Решен

Дано:

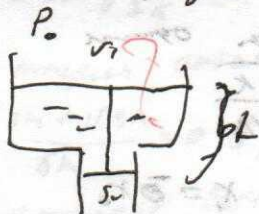
$$s_1, s_2$$

$$L, T, \rho$$

$$T, \rho$$

$$T, \rho$$

$$T, \rho$$



$$1) p_0 s_1 + T - N = 0 \Rightarrow N = p_0 s_1 + T$$

$$p_1 = \frac{N}{s_2} = p_0 + \frac{T}{s_2}$$

$$2) T + p_0 s_2 - \rho g L s_2 - p_1 s_2 = 0$$

$$T + p_0 s_2 - \rho g L s_2 - p_0 s_2 - \frac{T}{s_2} s_2 = 0$$

$$s_2 \rho g L = T \frac{s_1 - s_2}{s_2} \Rightarrow \rho = \frac{T(s_1 - s_2)}{g L s_1 s_2}$$

$$\text{Ответ: } \rho = \frac{T(s_1 - s_2)}{g L s_1 s_2}$$



№ 3

Решение

Дано:

$L$ ;

$M$ ;

$S$ ;

$h$ ;

$m$ ;

1) 
$$\begin{cases} \int v \cos \alpha \tau = L \\ v \sin \alpha \tau - \frac{g \tau^2}{2} = 0 \\ 2v \sin \frac{\alpha \tau}{2} - 2 \frac{g \tau^2}{8} = 2h \end{cases} ; \begin{cases} v \cos \alpha \tau = L \\ v \sin \alpha \tau = \frac{g \tau}{2} \\ \frac{g \tau^2}{4} = 2h \end{cases}$$

2)  $v_x = v \cos \alpha$ ;  $u_x = \frac{L \sqrt{g}}{\sqrt{8h}}$ ;

3) по закону сохранения импульса  $0 = M u_x - m v_x \Rightarrow u_x = \frac{m L \sqrt{g}}{M \sqrt{8h}}$

4) по закону сохранения энергии

$0 = \frac{M u_x^2}{2} - S \mu M g$ ; по закону сохранения энергии  $F_{\text{тр}} = \mu M g$

$\frac{m^2 L^2 g}{2 M^2 8h} = S \mu g \Rightarrow \mu = \frac{m^2 L^2}{16 M^2 S h}$ ;

Ответ:  $\mu = \frac{m^2 L^2}{16 M^2 S h}$ ;

Задача 4

Решение

Дано:

$m$ ;

$4m$ ;

$k$ ;

$L_{\text{max}}$ ;

1) В начальный момент по III закону Ньютона кисточка выталкивается силой упругости. Если кисточка не вылетит, то она будет двигаться с постоянной скоростью.  $\Rightarrow$  кисточка вылетит.  $\Rightarrow$  кисточка вылетит.

1)  $4m \ddot{x} = -k(x+x_0)$

$\ddot{x} + \frac{k}{4m}(x+x_0) = 0$

$L = x+x_0$ ;  $\ddot{L} = \ddot{x}$ ;  $\dot{L} = \dot{x}$ ;

$\ddot{L} + \frac{k}{4m} L = 0$  уравнение гармонического колебания

$\omega^2 = \frac{k}{4m}$ ;  $\omega = \sqrt{\frac{k}{4m}}$

$L = L_0 \cos(\omega t + \varphi)$ ;

2) из условия 1) кисточка вылетит  $x+x_0 \geq 0$ ;  $\Rightarrow$  из  $x_1 = -x_0$

$L_1 = 0$ ;

$0 = L_0 \cos(\omega \tau_1 + \varphi)$

$x_0 = L_0 \cos(\varphi)$

3) из условия 1) кисточка вылетит  $x+x_0 \geq 0$ ;  $\frac{k x_0}{2} = \frac{4m \dot{x}_1^2}{2}$ ;  $\dot{L}_1 = x_0 \sqrt{\frac{k}{4m}}$

$\dot{L}_1 = L_0 \omega = L_0 \cdot \sqrt{\frac{k}{4m}} \Rightarrow L_0 = x_0$

4)  $x_0 = x_0 \cos(\varphi) \Rightarrow \varphi = 0$

5)  $x+x_0 = x_0 \cos(\omega t) \Rightarrow x = x_0 \cos(\omega t) - x_0$

6)  $dx = |x| \cdot (-x_0 - x_0) = 2x_0$  кисточка вылетит



Ответ: 2х0

Задача 6

Решение

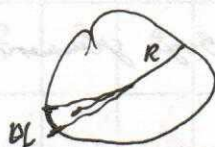
Дано:

$Q$ ;

$R$ ;

$DL$ ;

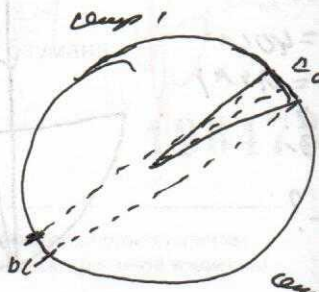
$E$ ;



$$1) E_{\text{ср}} = \frac{Q}{2\pi R}$$

$$2) \vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\sigma dL}{R^2} \frac{\vec{R}_i}{R}$$

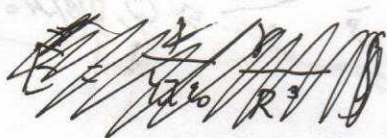
①



3) Так как  $DL$  - мал в отличие от радиуса  $R$  можно считать малым углом  $\alpha$  и использовать приближение  $\sin \alpha \approx \alpha$

$$\vec{E}_2 = \vec{E}_{\text{ср}} + \vec{E}_{\text{ср}} = 0$$

поэтому:  $\vec{E} = \vec{E}_1$  - поле центра



$$E_{1x} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\sigma R \sin \frac{dL}{R}}{R^2} dL$$

$$= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\sigma dL}{R^2} \rightarrow 0$$

$$\sin \frac{dL}{R} \approx \frac{dL}{R}$$

$$\cos \frac{dL}{R} \approx 1$$

$$E_{1x} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\sigma \cos \frac{dL}{R}}{R^2} dL = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\sigma dL}{R^2}$$

$$E_1 = \int_0^{2\pi} \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\sigma}{R^2} dL = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\sigma}{R^2} \int_0^{2\pi} dL = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{2\pi R^2}$$

Ответ:  $\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{2\pi R^2}$

Задача 7

Решение

Дано:

$R_1 = R$ ;

$R_2 = 3R$ ;

$C$ ;

$E$ ;

$Q$ ;

1)  $Q = I R$ ; закон Ома - закон

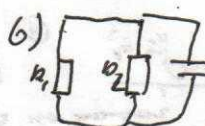
2)  $I_0 = \frac{E}{R_1 + R_2}$

3)  $I_0 R_2 = U_k \Rightarrow U_k = \frac{E R_2}{R_1 + R_2}$

4) Работа источника  $W_H = \frac{C U_k^2}{2}$ ,  $W_R = 0$ ;

5) по формуле контура ЭДС

$0 = \Delta W + Q$



6)  $U_1 = U_2$ ;  $\frac{I_1}{I_2} = \frac{U_1 R_2}{R_1 U_2} = \frac{R_2}{R_1}$

2)  $\frac{Q_1}{Q_2} = \frac{I_1 R_1 E}{I_2 R_2 E} = \frac{R_1^2 R_2}{R_2^2 R_1} = \frac{R_2}{R_1} \Rightarrow Q_1 = Q_2 \frac{R_2}{R_1}$

8)  $\frac{C E^2 R_2^2}{2(R_1 + R_2)^2} = Q_2 \frac{R_1 + R_2}{R_1} \Rightarrow Q_2 = \frac{C E^2 R_1 R_2^2}{2(R_1 + R_2)^2}$ ;  $Q = \frac{C E^2 R_1 R_2^2}{2 \cdot 64 R^2} = \frac{9 C E^2}{128}$

Ответ:  $\frac{9 C E^2}{128}$

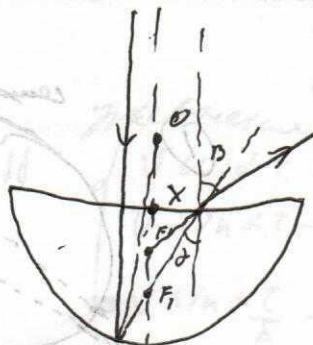


Дано:

$$R = 40 \text{ см} = 0.4 \text{ м}$$

$$h = \frac{2}{3}$$

$$F = ?$$



Задача 8

Решение

1) три попарно взаимно перпендикулярных вектора

2) ось вращения — в центре тяжести шарика

3) момент силы равен моменту тяжести

$$\frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{1}{h}$$

$$1) \frac{F}{x} = \cot \beta$$

$$\frac{F_1}{x} = \cot \alpha$$

$$\text{при } \alpha \rightarrow 0 \quad \beta \rightarrow 0$$

$$\frac{F}{x} \sim \beta$$

$$\frac{F_1}{x} \sim \alpha$$

$$\frac{\alpha}{\beta} = \frac{1}{h}$$

$$\frac{F}{F_1} = \frac{\beta}{\alpha} = h \Rightarrow F = h F_1 = h \frac{R}{2}$$

$$F = \frac{1}{3} \cdot \frac{0.4}{2} = 0.0667 \text{ мН} = 270 \text{ мкН}$$

Ответ: 270 мкН

Задача 9

Дано:

$$R_i$$

$$B_i = 0$$

$$\alpha = 90^\circ$$

$$A_i$$

$$L = ?$$

Решение

$$1) \mathcal{L}_i = -\frac{d\varphi}{dt} = -L \frac{dI}{dt} \Rightarrow d\varphi = L dI \Rightarrow dI = \frac{d\varphi}{L}$$

$$d\varphi = B \cdot S \sin(\alpha + d\alpha)$$

$$\sin(\alpha + d\alpha) = \sin \alpha \cos d\alpha + \cos \alpha \sin d\alpha \approx \sin \alpha + \cos \alpha d\alpha$$

$$\text{так } \sin 0 = 0$$

$$d\varphi = B \cdot S \cdot \cos \alpha d\alpha$$

$$dI = \frac{B S}{L} \cos \alpha d\alpha$$

$$\dot{I} = \frac{dI}{dt} = \frac{B S}{L} \cos \alpha \frac{d\alpha}{dt}$$

$$I = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \dot{I} dt = \frac{B S}{L} \int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos \alpha d\alpha = \frac{B S}{L} \sin \alpha \Big|_0^{\frac{\pi}{2}} = \frac{B S}{L}$$

$$2) A = \frac{I^2 L}{2} = \frac{B^2 S^2}{2L} \Rightarrow L = \frac{B^2 S^2}{2A}$$

Ответ:  $L = \frac{B^2 S^2}{2A}$

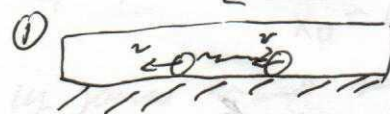
Задача 10

Дано:

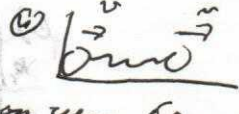
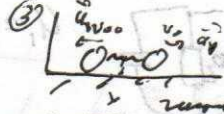
$$3 \text{ кг}$$

$$k$$

$$L$$



2)



$$1) \text{ II закон Ньютона (уравнение движения)} \quad 3 \text{ м} \ddot{x} = -2kx \Leftrightarrow \ddot{x} + \frac{2k}{3 \text{ м}} x = 0 \Rightarrow$$

$$(2 \text{ форма } \ddot{x} + \omega^2 x = 0 \text{ где } \omega = \sqrt{\frac{2k}{3 \text{ м}}})$$

$$2) 0 = x_0 \cos(0 + \varphi) \Rightarrow \varphi = \frac{\pi}{2} \Rightarrow x = x_0 \sin(\omega t) \text{ и } v = x_0 \omega \cos(\omega t)$$



1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	

126473

Шифр

(заполняется ответственным секретарем приёмной комиссии)

Вариант № 27

Задача 10 (продолжение).

3) 10 земных спутников

$$\frac{3m v^2}{2} = \frac{K x_{\text{аб}}}{2} \Rightarrow \frac{6m}{K} v^2 = x_{\text{аб}}^2 \Rightarrow x_{\text{аб}} = v \sqrt{\frac{6m}{K}}$$

$$x_{\text{м}} = \frac{x_{\text{аб}}}{2} \quad (\text{поскольку так как центр вращения в центре системы})$$

$$v_{\text{цм}} = \frac{3m v - 3m v}{6m} = 0; \quad a_{\text{цм}} = \frac{3m a_1 - 3m a_2}{6m} = 0; \quad a_1 = a_2 = 0; \quad \text{уравнение центра масс}$$

$$x_{\text{м}} = v \sqrt{\frac{3m}{2K}}; \quad (x_{\text{м}} = \frac{v}{\omega}); \quad (\text{или } \tau, \text{ или } v=0)$$

$$4) \begin{cases} v \sqrt{\frac{3m}{2K}} = x_0 \sin(\omega \tau) \\ 0 = x_0 \omega \cos(\omega \tau) \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} v \sqrt{\frac{3m}{2K}} = x_0 \\ \omega \tau_1 = \frac{\pi}{2} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z} \\ |\sin(\omega \tau_1)| = 1 \end{cases}$$

$$5) x = v \sqrt{\frac{3m}{2K}} \sin\left(\sqrt{\frac{2K}{3m}} t\right);$$

из условия 3) и 4) система совершает полное колебание  $\Rightarrow$  период времени

$$T_1 = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi \sqrt{\frac{3m}{2K}}$$

6) между двумя атомными колебаниями система движется между средами со скоростью

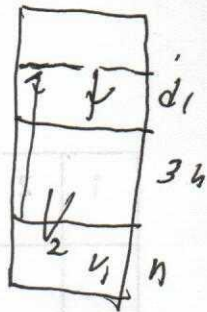
$$v_{\text{цм}} = \frac{v_{3m} + v_{3m}}{6m} = v; \quad a_{\text{цм}} = \frac{0 + 0}{6m} = 0; \quad \text{на расстоянии } \Delta L = L - \frac{L}{3} = \frac{2L}{3} \text{ после чего совершает движение в обратном направлении}$$

$$\Rightarrow T = 2 \cdot \left( T_1 + \frac{2L}{3v} \right) = 2 \cdot 2\pi \sqrt{\frac{3m}{2K}} + \frac{4L}{3v} = 4\pi \sqrt{\frac{3m}{2K}} + \frac{4L}{3v}$$

Ответ:  $4\pi \sqrt{\frac{3m}{2K}} + \frac{4L}{3v}$

Задача 15

Решение



Дано:

$$\frac{V_2}{V_1} = 4;$$

1)  $P$  - мощность теплоты от burner,  $S$  - площадь

2) по 1 можно найти коэффициент

$$\frac{P_2}{P_1} = ?$$

$$Q_1 + (3h + d)P = A_1 + DQ_1$$

$$dP = Q_1 - (3h + d)P = A_2 + DQ_2$$

Тогда можно, то  $A_1 = P_1(V_2 - V_1) = P_1 S(3h + d)$

$$Q_1 = \frac{3}{2} P_1 S(3h + d)$$

$$3) Q_1 + (3h + d)P = \frac{5}{2} P_1 S(3h + d)$$

$$-Q_1 - 3h = A_2 + DQ_2$$

$$4) T_1 = \frac{P_1 S(3h + d)}{PR}; \quad T_2 = \frac{P_2 S(4h)}{PR}$$

из закона сохранения энергии

$$\frac{T_2}{T_1} = \frac{P_2 4h}{P_1 (3h + d)}$$

$$\frac{T_2}{T_1} = \frac{P_2 4}{P_1} \Rightarrow \frac{P_2}{P_1} = \frac{T_1}{3T_2}$$

$$5) dP = \frac{5}{2} PR(T_2 - T_1) + \frac{3}{2} PR(T_2 - T_1) + A_2$$

$$dP = A_1 + A_2 + \frac{3}{2} PR(T_2 - T_1)$$

$$A_1 = P_1 S(3h + d)$$

$$A_2 = \int P_2 dV = \int P_2 dS = \int P_2 (p_2 + p_1) dS$$

$$A_1 + A_2 = P_1 3h S + P_1 dS + \frac{P_2 dS}{2} + \frac{P_1 dS}{2} = P_1 3h S + \frac{dS}{2} (P_1 + P_2)$$

$$dP = P_1 3h S + \frac{dS}{2} (P_1 + P_2) + \frac{3}{2} P_2 4h S - \frac{3}{2} P_1 h S$$

Ответ: 1.

0,26