

412487

Шифр _____
(заполняется ответственным секретарем приемной комиссии)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА
на олимпиаде «Шаг в будущее»

соревнования по образовательному предмету информатика
(наименование дисциплины)

Фамилия И. О. участника Ишков Денис Олегович

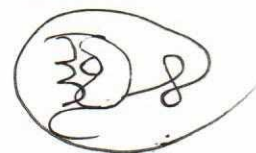
Город, № школы (образовательного учреждения) Москва, лицей 1550

Регистрационный номер ШМ0057

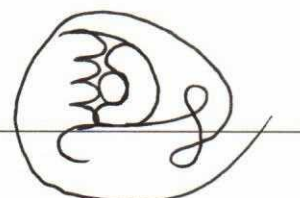
Вариант задания 4

Дата проведения "12" марта 2016 г.

С работой ознакомлен



Подпись участника



1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
8	8	8	12	10	8	16				
1.0	0.75	1.0	1.0	1.0	1.0	0.5				
8	6	8	12	10	8	8				60

412487

Шифр

(заполняется ответственным секретарем приёмной комиссии)

412487

Вариант № 4

~1

$$A_{16} = 147E, 59; A_{10} = 1 \cdot 16^3 + 4 \cdot 16^2 + 7 \cdot 16^1 + E \cdot 16^0 + 5 \cdot 16^{-1} + 9 \cdot 16^{-2}$$

$$= 4096 + 1024 + 112 + 14 + \frac{5}{16} + \frac{9}{256} = 5246 + \frac{5 \cdot 16 + 9}{256} = 5246 + \frac{89}{256}$$

$$= 5246,34765625 \text{ (разделили уголком 89 на 256, получили 0,34765625)}$$

Ответ: 5246,34765625.

~2

$$a) n = C_7^3 \cdot 3! = \frac{7!}{(7-3)!} = \frac{7!}{4!} = \frac{2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7}{2 \cdot 3 \cdot 4} = 210$$

б) Заметим, что 234..239 → 5 чисел. Тогда 234..298 → 6 · 5 = 30 чисел. А 234..439 будет 30 + 30 + 5 + 5 = 70 чисел.

в) чтобы число делилось на 4 нужно, чтобы 2 его последние цифры делились на 4 ⇒ такие числа оканчиваются на: 24, 32, 52, 92, 64, 84. Таких наборов 6, а у каждого набора есть 5 возможных первых цифр ⇒ N = 6 · 5 = 30

Ответ: а) 210; б) 70; в) 30

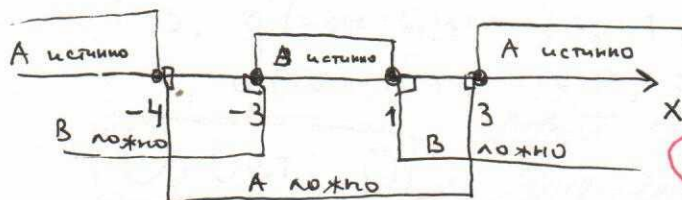
~3

$$10 < x \cdot (x+1) = A; 10 > (x+1)(x+2) = B; A \rightarrow B \text{ будет истинно:}$$

A	B
0	0
0	1
1	1

Найдём, когда A истинно, B истинно:
A: $10 < x(x+1)$. Т.к. x-целое, то $x \geq 3$ и $x \leq -4$
B: $10 > (x+1)(x+2)$. Т.к. x-целое, то $-4 < x < 2 \Leftrightarrow -3 \leq x \leq 1$

Отметим эти точки на числовой прямой:



⇒ отсюда видно, что $x_{\max} = 2$ (A=0; B=1)
При 3 (A=1; B=0 и f=0)

Ответ: 2

№ 4

Последовательно получим $E(6;4)$:

$$E(2;1) = 2 \cdot E(1;0) + 2 \cdot E(1;1) = 2$$

$$E(3;1) = 4 \cdot E(2;0) + 2 \cdot E(2;1) = 4 + 4 = 8$$

$$E(3;2) = 3 \cdot E(2;1) + 3 \cdot E(2;2) = 3 \cdot 2 = 6$$

$$E(4;2) = 5 \cdot E(3;1) + 3 \cdot E(3;2) = 5 \cdot 8 + 3 \cdot 6 = 40 + 18 = 58$$

$$E(4;3) = 4 \cdot E(3;2) + 4 \cdot E(3;3) = 4 \cdot 6 = 24$$

$$E(5;3) = 6 \cdot E(4;2) + 4 \cdot E(4;3) = 6 \cdot 58 + 4 \cdot 24 = 444$$

$$E(5;4) = 5 \cdot E(4;3) + 5 \cdot E(4;4) = 5 \cdot 24 = 120$$

$$E(6;4) = 7 \cdot E(5;3) + 5 \cdot E(5;4) = 7 \cdot 444 + 5 \cdot 120 = 3108 + 600 = 3708$$

Ответ: 3708

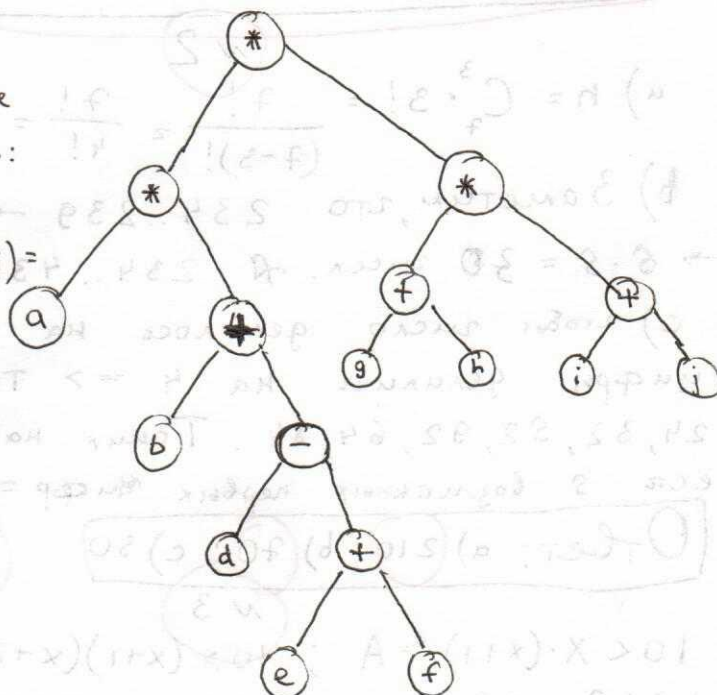
№ 5

** $a + b - d + ef + gh + ij$ Составим синтаксическое дерево этого выражения:

Тогда арифметическое выражение в обычном виде будет выглядеть:

$$\begin{aligned} & a * (b + (d - (e + f))) * (g + h) * (i + j) = \\ & = 10 \cdot (9 + (7 - (6 + 5))) \cdot (4 + 3) \cdot (2 + 1) = \\ & = 10 \cdot (9 - 4) \cdot 7 \cdot 3 = 50 \cdot 21 = 1050 \end{aligned}$$

Ответ: 1050



№ 6

Сделаем упрощение: $\text{for } k:=1 \text{ to } j \text{ do } \text{sum}:=\text{sum}+1$,
равносильно $\text{sum}:=\text{sum}+j$. Рассчитаем последовательно
значения суммы при i от 1 до 3:

$i=1$, то внутр. цикл выполнится 1 раз; $1 \bmod(1)=0$, т.е.

$\text{sum} = 0$;

$i=2$, то внутр. цикл выполнится $i^2 = 4$ раза; условие выполнится

при $j=1$ и $j=3 \Rightarrow \text{sum} = 1 + 3 = 4$

$i=3$, то внутр. цикл выполнится $i^2 = 9$ раз; условие выполнится

при $j=1, 2, 4, 5, 7, 8 \Rightarrow \text{sum} = 4 + 1 + 2 + 4 + 5 + 7 + 8 = 31$

Напечатается значение суммы sum , равное 31

Ответ: 31

№ 7

Рассчитаем значения двумерного массива $D[0..4, 0..4]$:

$D(0,0) = 0$	$D(1,0) = 1$	$D(2,0) = 2$	$D(3,0) = 3$	$D(4,0) = 4$
$D(0,1) = 1$	$D(1,1) = 0$	$D(2,1) = 3$	$D(3,1) = 2$	$D(4,1) = 5$
$D(0,2) = 2$	$D(1,2) = -1$	$D(2,2) = 0$	$D(3,2) = 5$	$D(4,2) = 2$
$D(0,3) = 3$	$D(1,3) = -2$	$D(2,3) = -1$	$D(3,3) = 0$	$D(4,3) = 7$
$D(0,4) = 4$	$D(1,4) = -3$	$D(2,4) = -2$	$D(3,4) = -1$	$D(4,4) = 0$

Для удобства представим массив в виде матрицы $[i \times j]$:

D :

$j \backslash i$	0	1	2	3	4
0	0	1	2	3	4
1	1	0	3	2	5
2	2	-1	0	5	2
3	3	-2	-1	0	7
4	4	-3	-2	-1	0

Сделаем упрощения:

$q := \min(\text{High}(\text{integer}), D[i,j])$

$\Leftrightarrow q := D[i,j]$, т.к. из матрицы

видно что для $\forall i$ и j $D[i,j] \in \text{High}(\text{integer})$,

- integer),

С другой стороны $\forall D > \text{Low}(\text{integer})$

и программа равносильна нахождению

наибольшего p .

Посчитаем q и p от $i=0$ до 4 (по циклу):

$i=0$, q (после цикла) = 0 (из матрицы легко убедиться), $p=0$, т.к. $0 > \text{Low}$

$i=1$, q (после цикла) = -3, $p=0$, т.к. $0 > -3$

$i=2$, q (после цикла) = -2, $p=0$, т.к. $0 > -2$

$i=3$, q (после цикла) = -1, $p=0$, т.к. $0 > -1$

$i=4$, q (после цикла) = 0, $p=0 \rightarrow$ это и напечатается

Ответ: 0

ответ верный, q постр. матриц. вычислится, верно

0.5