

Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана

116217

Шифр \_\_\_\_\_

(заполняется ответственным  
секретарем приемной комиссии)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА  
на вступительном экзамене

по природе.  
(наименование дисциплины)

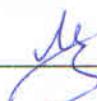
Фамилия И. О. экзаменующегося Макеев Илья Сергеевич

Регистрационный номер (номер экзаменационного листа) 0 ИМ0545

Вариант задания, тема сочинения 24 (ГБОУ лицей №1568 (Москва) класс 11).

Дата экзамена “16” апреля 2016 г.

Подпись экзаменующегося



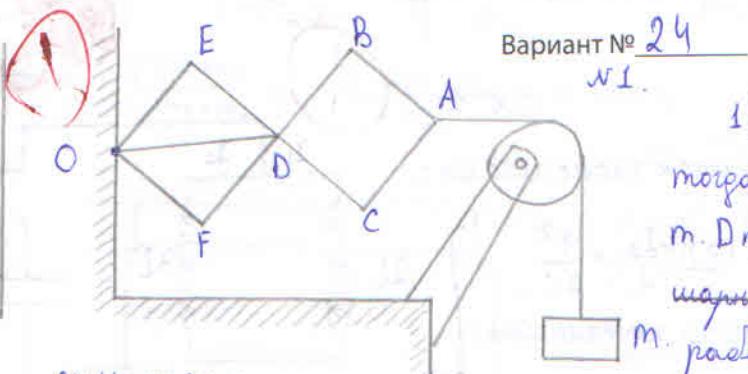
116217

Шифр \_\_\_\_\_

(заполняется ответственным секретарем приемной комиссии)

116217

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	Σ
8	4	10	10	10	10	10	5	0	0	67
						(10) <i>дескт</i>				



Дано:

$$\begin{aligned}AB &= BC = CD = DE = \\&= EF = OF = OE = l, \\m, g.\end{aligned}$$

$T = ?$

$\text{Ответ: } T = 2mg.$

1) Если груз передвинется на  $\alpha l$  вправо,тогда т. A передвинется также на  $\alpha l$ , тогда т. D передвинется на  $\frac{\alpha l}{2}$ , но тогда длина шарнира  $AD$  увеличится на  $\frac{\alpha l}{2}$ , тогда

сила натяжения равна работе

расчета силы натяжения равна работе

$\text{силы тяжести, тогда } T \cdot \frac{\alpha l}{2} = mg \cdot \alpha l \Rightarrow T = 2mg.$

Дано:

$P \cdot V^n = \text{const}$

V - увел.

T - уменьш.

$n = ?$

1)  $P \cdot V^n = \text{const} \Leftrightarrow P = \frac{\text{const}}{V^n}$  (по условию)

2) По уравнению Менделеева:  $P \cdot V = VRT \Leftrightarrow \frac{\text{const}}{V^n} \cdot V = VRT \Leftrightarrow \frac{\text{const}}{V^{n-1}} = VRT$

$\Leftrightarrow V^{n-1} = \frac{\text{const}}{VRT} = \left(\frac{2}{VR}\right)^{\frac{1}{n-1}} = \frac{B}{T}$

3) Если T - уменьшается, то  $\frac{B}{T}$  - увеличивается, тогда  $V^{n-1}$  - увеличивается,тогда м.к. V - тоже увеличивается, но  $n-1 > 0 \Rightarrow n > 1$ , м.к. если  $(n-1)$  отрицательно, то

$V^{n-1} = V^{-(1-n)} = \frac{1}{V^{(1-n)}}$ , где  $1-n > 0$ , а V - увеличивается, тогда  $\frac{1}{V^{1-n}}$  - будет уменьшаться,

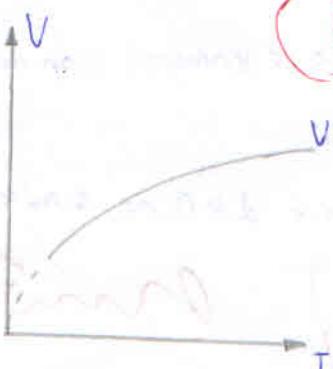
то это должно увеличиваться, м.к.  $V^{n-1} = \frac{B}{T}$ , тогда  $n > 1$ .

$\text{Ответ: } n > 1.$

Дано:

$V = \sqrt{T}$

$C_V = ?$

1)  $\text{уравнение}$ 

1)  $PV = VRT \Rightarrow P \cdot V = VRV^2 \Rightarrow P = VRT$  const

$V = 2\sqrt{T}$

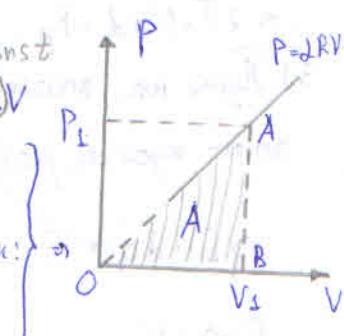
2)  $Q = C_V \cdot \Delta T \Rightarrow C_V = \frac{Q}{\Delta T} = \frac{Q}{V_T - V_S}$

3) По первому закону термодинамики:

$Q = \Delta U + A$

$\Rightarrow C_V = \frac{\Delta U + A}{\Delta T} = \frac{\frac{3}{2}VRST + A}{\Delta T}$

4)  $\text{Площадь } A - \text{ это площадь под кривой } P(V) \text{ в осах } (P, V)$ , но по уравнению Менделеева:  $PV = VRT$ , тогда  $A = \frac{1}{2}VRT$



$A = S_{\triangle OAB} = \frac{1}{2} \cdot OB \cdot AB = \frac{1}{2} \cdot V_T \cdot P_S$

$$\Rightarrow C_V = \frac{\frac{3}{2}VR + \frac{1}{2}VRT}{VT} = 2R, \text{ т.к. } T_0 = 0, 2VR = 2R.$$

Ответ:  $C_V = 2R$ .

Дано:

$$m = 0,032.$$

$$d = 10^{-4} \text{ м.}$$

$$G = 0,043 \text{ Н/м.}$$

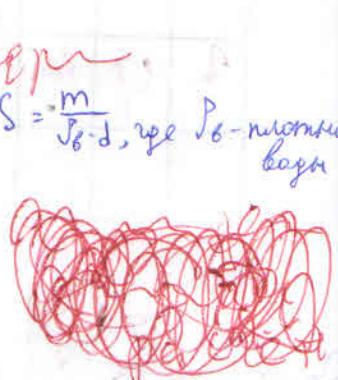
$$F_n = ?$$

$$1) \text{ Изменение давления: } \Delta P = \frac{G}{\gamma} = \frac{2G}{d}, \text{ где } r = \frac{d}{2}.$$

$$2) \text{ Сила приложения: } F_n = \Delta P \cdot S = \frac{2G}{d} \cdot \frac{m}{\rho d} = \frac{2Gm}{\rho d^2}, \text{ где } S = \frac{m}{\rho \cdot d}, \text{ где } \rho_0 - \text{плотность влаги}$$

$$3) F = \frac{2Gm}{\rho d^2} = \frac{2 \cdot 0,043(\text{Н/м}) \cdot 1 \cdot 10^{-5}(\text{м})}{1000(\text{кг/м}^3) \cdot 10^{-12}(\text{м}^2)} = 1460 \text{ Н.}$$

$$\text{Ответ: } F_n = \frac{2Gm}{\rho d^2} = 1460 \text{ Н.}$$



Дано:

$$L_1 = 2L$$

$$L_2 = 3L$$

$$C_1 = C_2$$

$$I_1 = ?$$

$$q = ?$$

1) Кога мож більше катушка максимальен:

$$E_{L_1} + E_{L_2} = E_C \Leftrightarrow 2L \cdot \frac{I_1^2}{2} + 3L \cdot \frac{I_2^2}{2} = \frac{q^2}{2C}.$$

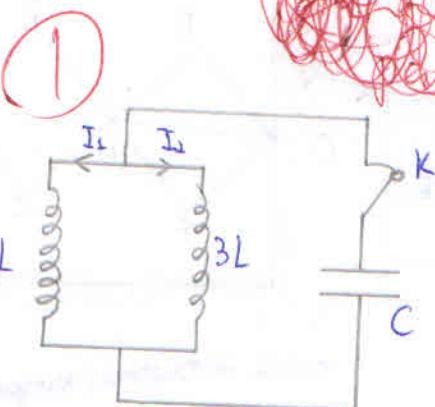
2) Пів.к. катушка подмотана паралельно:

$$2L \cdot \frac{I_1}{\omega t} = 3L \cdot \frac{I_2}{\omega t} \Leftrightarrow 2L \cdot I_1 = 3L \cdot I_2 \Leftrightarrow I_2 = \frac{2}{3} I_1$$

$$\Rightarrow 2L \cdot \frac{I_1^2}{2} + 3L \cdot \left(\frac{2}{3} I_1\right)^2 = \frac{q^2}{2C} \Rightarrow 2L I_1^2 + 3L \cdot \frac{4}{9} I_1^2 = \frac{q^2}{C} \Rightarrow 2L I_1^2 + \frac{4}{3} L I_1^2 = \frac{q^2}{C}$$

$$\Rightarrow \frac{10}{3} L I_1^2 \cdot C = q^2 \Rightarrow q = I_1 \sqrt{\frac{10}{3} LC}.$$

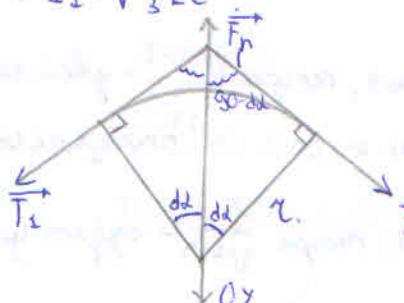
$$\text{Ответ: } q = I_1 \sqrt{\frac{10}{3} LC}.$$



Дано:

$$Q, R.$$

$$T_1 = ?$$



№ 8.

1) Воздейш. малыи кусочек гравитального сектора, мага по 2 закону Ньютона:  $\vec{F}_p + \vec{T}_1 + \vec{T}_2 = 0$ .

2) Кога күн проекции на OY:  $T_1 \cdot \cos(90-2) + T_2 \cdot \cos(90-2)$

• Но м.к. система симметрия относительно OY, маг  $|T_1| = |T_2|$ , мага:  $T_1 \cdot \sin 2 + T_2 \cdot \sin 2 = 0$ .

$$\Rightarrow 2T \cdot \sin 2 = F_p.$$

3) Коге на этак кусочке находиться заряд  $dq$ , мага сила, с котрой шар атакиваєт зем кусочекрабра  $F_p = E \cdot dq = \frac{kq^2}{r^2} \cdot dq = \frac{kq \cdot dq}{r^2}$ , мага

$$\Rightarrow E \cdot dq = E \cdot \frac{q}{2\pi R} \cdot 2R = \frac{E \cdot q \cdot 2}{2\pi} = F_p = 2T \cdot \sin 2, \text{ Но м.к. } 2 \approx 0, \text{ маг } \sin 2 \approx 2, \text{ значим.}$$

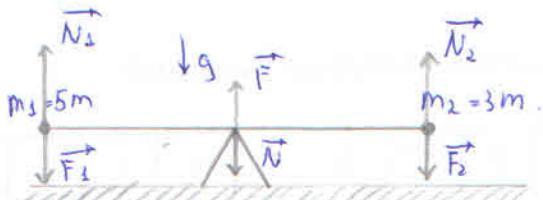
$$\frac{E \cdot q \cdot 2}{2\pi} = 2T \cdot 2 \Rightarrow T = \frac{E \cdot q}{4\pi} = \frac{kq^2}{4\pi R^2}, \text{ маг } F = \frac{kq^2}{4\pi R^2}$$

$$\text{Ответ: } T = \frac{kq^2}{4\pi R^2}.$$

№ 5

Дано:  
 $m_1 = 5 \text{ м}$   
 $m_2 = 3 \text{ м}$ .  
 $g$ .

$$N=?$$



OB

1) По закону инерции:  $-F_1 \cdot \frac{l}{2} = F_2 \cdot \frac{l}{2} \Rightarrow F_1 = -F_2$ , тогда по 3-ему закону Ньютона:

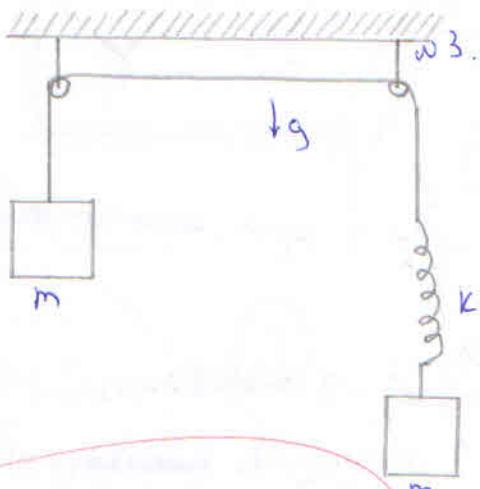
$$N_1 = -F_1; N_2 = -F_2.$$

2) По 2-му закону Ньютона:  $\begin{cases} m_1 a = m_1 g - N_1 \\ -m_2 a = m_2 g - N_2 \end{cases}$

$$= 2 \cdot \frac{4m_1 m_2}{m_1 + m_2} g = \frac{8m_1 m_2}{m_1 + m_2} g = \frac{8 \cdot 5 \text{ м} \cdot 3 \text{ м}}{8 \text{ м}} \cdot g = 15mg.$$

Ответ:  $15mg$ .

Дано:  
 $m, k, g, A$ .  
 $E_{kmax}=?$



3) Ил.к. система пытается возвращаться, то  $E_{kmax} = \frac{m V_{max}^2}{2} = \frac{m (A \cdot \omega)^2}{2} = \frac{m \cdot A^2 \cdot \omega^2}{2}$ , где

$$\omega^2: X'' + X \cdot \omega^2 = 0 \Rightarrow \omega^2 = -\frac{X''}{X}, \text{ тогда}$$

$$E_{kmax} = \frac{m \cdot A^2 \cdot \frac{2k}{2m}}{2} = \frac{A^2 \cdot k}{4} = \frac{a^2 \cdot k}{4}.$$

Ответ:  $E_{kmax} = \frac{a^2 \cdot k}{4}$ .